

Modellezés

- OpenGL állapotmodell
 - Amikor egy állapot értéke be van állítva, az addig nem változik meg, amíg egy másik függvény meg nem változtatja azt
 - Két lehetséges értékű állapotok
 - `glEnable()`
 - `glDisable()`
 - Különböző értékek
 - Lekérdezés pl. `glGetFloatv(GLenum pname, GLfloat *params)`

Egy objektum modellezése

- Az objektumot felépítő primitívek vertexeit külön-külön is megadhatjuk
 - Több ezer primitívből álló alakzatnál már problémás
- Bonyolult alakzatokat és azok attribútumait egy jól meghatározott struktúrájú adatszerkezetben tároljuk
 - Egyetlen függvényhívás segítségével jelenítjük meg
- Szabályok
 - Poligonoknak síkbeli alakzatoknak kell lenniük
 - Poligon élei nem metszhetik egymást
 - Poligonnak konvexnek kell lennie

```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
  for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
  x = cos(angle);
  y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
  if (h1 < h2) {
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
  } else {
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
  }
}
glEnd();
```

```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
  for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
    x = cos(angle);
    y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
    if (h1 < h2) {
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    } else {
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    }
  }
glEnd();
```

```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
    angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
    x = cos(angle);
    y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
    if (h1 < h2) {
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    } else {
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    }
}
glEnd();
```

```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
  for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
    x = cos(angle);
    y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
    if (h1 < h2) {
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    } else {
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    }
}
glEnd();
```



```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
    for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
    x = cos(angle);
    y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
    if (h1 < h2) {
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    } else {
        glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
        glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    }
}
glEnd();
```

```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
  for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
  x = cos(angle);
  y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
  if (h1 < h2) {
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
  } else {
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
  }
}
glEnd();
```

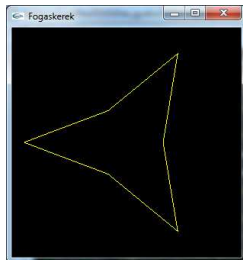
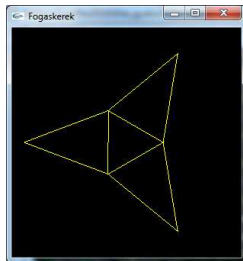
```
//...
// Négyszögsáv kezdete
glBegin(GL_QUAD_STRIP);
// Egy kör mentén számítjuk ki a henger
// palástjának a vertex pontjait
  for(angle = 0.0f; angle <= (2.0f*GL_PI);
        angle -= 2*(GL_PI/n)) {
// A következő vertex x és y pozíciójának
// a kiszámítása R = 1 esetén
  x = cos(angle);
  y = sin(angle);
//...
// A négyszögsáv alsó és felső pontjainak
// a megadása
  if (h1 < h2) {
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
  } else {
    glVertex3f(R2*x, R2*y, h2);
    glVertex3f(R1*x, R1*y, h1);
  }
}
glEnd();
```

- Nézőponttól vett távolság eltávolítása
 - z érték összehasonlítása azzal a z értékkel, amit már korábban eltávolítottunk
 - z értékek tárolását egy szín pufferrel megegyező méretű pufferrel
- Bizonyos esetekben szükséges a mélységpuffer írásának ideiglenes felfüggesztése
 - `glDepthMask(GL_FALSE)`
 - A mélység teszt ugyanúgy végrehajtódik a korábbi értékekkel

- Alap esetben a mélységellenőrzés a kisebb relációt használ a nem látható objektumhoz tartozó pixelek eltávolítására
- Lehetőség van az összehasonlító reláció megadására
 - `glDepthFunc` (`GLenum func`)
 - `GL_NEVER` Mindig hamis
 - `GL_LESS` Igaz, ha a bejövő mélység érték kisebb, mint az eltárolt érték
 - `GL_EQUAL` Igaz, ha a bejövő mélység érték megegyezik az eltárolt értékkel
 - `GL_LEQUAL` Igaz, ha a bejövő mélység érték kisebb vagy egyenlő, mint az eltárolt érték
 - `GL_GREATER` Igaz, ha a bejövő mélység érték nagyobb, mint az eltárolt érték
 - `GL_NOTEQUAL` Igaz, ha a bejövő mélység érték nem egyenlő az eltárolt értékkel
 - `GL_GEQUAL` Igaz, ha a bejövő mélység érték nagyobb vagy egyenlő, mint az eltárolt érték
 - `GL_ALWAYS` Mindig igaz

- A `GL_EQUAL` és `GL_NOTEQUAL` relációk esetén meg kell változtatni az alap $[0.0 - 1.0]$ mélység értékek tartományát
 - `glDepthRange(GLclampd nearVal, GLclampd farVal)`
 - Első paramétere a közeli vágósík
 - Második paramétere a távoli vágósík
 - A vágás és a homogén koordináták negyedik w elemével való osztás után, a mélység értékek a $[-1.0, 1.0]$ tartományba képződnek le
 - A `glDepthRange` adja meg a lineáris leképezését ezeknek a normalizált mélység koordinátáknak az ablak mélységértékeire nézve

- Drótvázás megjelenítéskor a belső alakzat éleit nem kell megjeleníteni
 - Az él flag-et hamisra kell állítani
- `glEdgeFlag`
 - TRUE
 - FALSE

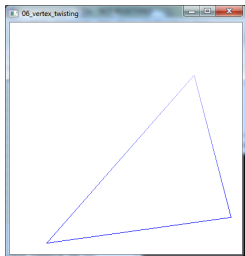


```
glBegin(GL_TRIANGLES);  
for(i=0, angle=0.0; i<n; i++, angle += D_Angle)  
{  
    glEdgeFlag(FALSE);  
    glVertex2f(x+radius* cos(angle),  
              y+radius*sin(angle));  
    glEdgeFlag(TRUE);  
    glVertex2f(x+radius*cos(angle+Delta_Angle),  
              y+radius*sin(angle+Delta_Angle));  
    glVertex2f(x+2.8*radius*cos(angle+Half_DAngle),  
              y+2.8*radius*sin(angle+Half_DAngle));  
}  
glEnd();
```

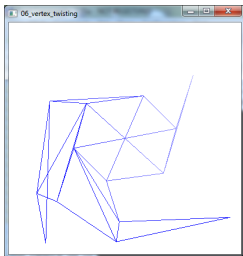

Példa

```
struct C3E4_Output {
    float4 position : POSITION;
    float4 color    : COLOR;
};
C3E4_Output C3E4v_twist(float2 position : POSITION,
                       float4 color    : COLOR,
                       uniform float twisting)
{
    C3E4_Output OUT;
    float angle = twisting * length(position);
    float cosLength, sinLength;
    sincos(angle, sinLength, cosLength);
    OUT.position[0] = cosLength * position[0] +
                    -sinLength * position[1];
    OUT.position[1] = sinLength * position[0] +
                    cosLength * position[1];
    OUT.position[2] = 0;
    OUT.position[3] = 1;
    OUT.color = color;
    return OUT;
}
```

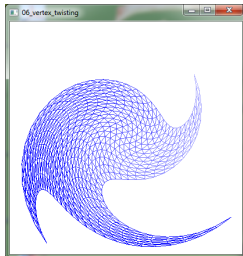
- Vertex elforgatása a középpont körül
 - A forgatási szög növelésével több vertex-re van szükség
- Általában, amikor egy vertex program nem lineáris számítást hajt végre, akkor megfelelő tesszalásra van szükség az elfogadható eredmény eléréséhez



Alacsony



Közepes



Nagy

- Összetett alakzatok létrehozása OpenGL támogatással
 - OpenGL GLU segédfüggvénykönyvtár
 - Gömbök, hengerek, kúpok és sík korongok, illetve korongok lyukkal
 - Szabad-formájú felületekhez
 - Rendhagyó konkáv alakzatok, kisebb jobban kezelhető konvex alakzatokra való felbontása
- GLUT-os objektumok
 - Drótvázás/Kitöltött
 - Kocka, gömb, henger, stb.

Kvadratikus objektumok

- Másodfokú algebrai egyenletekkel leírható felületek
 - Pl. gömb, ellipszis, kúp, henger
- GLU segédfüggvény-könyvtár
 - Objektum orientált modell
 - Nagy paraméter lista elkerülése
 - Paraméterek beállítása függvényekkel
 - A felületekhez további attribútumokat/tulajdonságokat rendelhetünk
 - Normálvektorok
 - Textúra-koordináták
 - ...

- Egy üres kvadratikus objektum létrehozása, használata és törlése

```
GLUquadricObj *pObj;  
// . . .  
// Kvadratikus objektum létrehozása és inicializálása  
pObj = gluNewQuadric();  
// Renderelési paraméterek beállítása  
// . . .  
// Kvadratikus felület rajzolása  
// . . .  
// Kvadratikus objektum felszabadítása  
gluDeleteQuadric(pObj);
```

- Egy üres kvadratikus objektum létrehozása, használata és törlése

```
GLUquadricObj *pObj;  
// . . .  
// Kvadratikus objektum létrehozása és inicializálása  
pObj = gluNewQuadric();  
// Renderelési paraméterek beállítása  
// . . .  
// Kvadratikus felület rajzolása  
// . . .  
// Kvadratikus objektum felszabadítása  
gluDeleteQuadric(pObj);
```

- Egy üres kvadratikus objektum létrehozása, használata és törlése

```
GLUquadricObj *pObj;  
// . . .  
// Kvadratikus objektum létrehozása és inicializálása  
pObj = gluNewQuadric();  
// Renderelési paraméterek beállítása  
// . . .  
// Kvadratikus felület rajzolása  
// . . .  
// Kvadratikus objektum felszabadítása  
gluDeleteQuadric(pObj);
```


- Rajzolási stílus
 - `gluQuadricDrawStyle(GLUquadricObj *obj, GLenum drawStyle)`
 - `GLU_FILL` Solid objektumként jelenik meg
 - `GLU_LINE` Drótvázis alakzatként jelenik meg
 - `GLU_POINT` Vertex pontok halmazaként jelenik meg
 - `GLU_SILHOUETTE` Hasonló a drótvázis megjelenéshez, de a poligonok szomszédos élei nem jelennek meg

- Normál egységvektorok automatikus generálása
 - `gluQuadricNormals(GLUquadricObj *pbj, GLenum normals)`
 - `GL_NONE` Normálvektorok nélkül
 - `GL_SMOOTH` Sima normálvektorok
 - Minden vertexhez külön-külön van meghatározva a normálvektor
 - `GL_FLAT` sík normálvektorok
 - Síkként, adott háromszögre van kiszámítva a normálvektor

- Normálvektorok iránya
 - `gluQuadricOrientation(GLUquadricObj *obj, GLenum orientation)`
 - `GLU_OUTSIDE` Kívülre mutat
 - Pl. megvilágított gömb
 - `GLU_INSIDE` Belülre mutat
 - Pl. boltíves mennyezet

- Textúra-koordináták kiszámolása
 - `gluQuadricTexture(GLUquadricObj *obj, GLenum textureCoords)`
 - `GL_TRUE` Igen
 - A textúra-koordináták egyenletesen helyezkednek el a felületen
 - `GL_FALSE` Nem
 - Nem generálódnak textúra-koordináták

- Gömb

- `gluSphere(GLUQuadricObj *obj, GLdouble radius, GLint slices, GLint stacks)`

`radius` A gömb sugara

`slices` A gyűrűkön belül lévő háromszögek/négyszögek száma

- Hosszúsági körök száma

`stacks` Gyűrűk száma

- Szélességi körök száma

- Henger

- `gluCylinder(GLUquadricObj *obj, GLdouble baseRadius, GLdouble topRadius, GLdouble height, GLint slices, GLint stacks)`

`baseRadius` Az origóhoz közelebbi oldalhoz tartozó sugár

`topRadius` A másik oldalhoz tartozó sugár

`height` A henger magassága

`slices` Szeletek száma

`stacks` Gyűrűk száma

- Amennyiben a `baseRadius` vagy a `topRadius` nullával egyenlő, akkor egy kúpot kapunk eredményül

- Korong

- `gluDisk(GLUQuadricObj *obj, GLdouble innerRadius, GLdouble outerRadius, GLint slices, GLint loops)`

`innerRadius` Belső sugár

- Amennyiben nullával egyenlő, akkor egy tömör korongot kapunk
- Amennyiben nem nulla, akkor egy lyukas korong az eredmény (csavar alátét)

`outerRadius` Külső sugár

`slices` Szeletek száma

`loops` Gyűrűk száma

Bézier görbék és felületek

- Parametrikus egyenletek
 - x , y és z egy másik változó függvényeként van megadva
 - A változó egy előre definiált intervallum értékeit veheti fel
 - Egy részecske időbeli mozgása

$$\begin{aligned}x &= f(t), \\y &= g(t), \\z &= h(t),\end{aligned}$$

ahol $f(t)$, $g(t)$ és $h(t)$ egyedi függvények.

- OpenGL-be görbe esetén u -val, felület esetén u -val és v -vel jelöljük a parametrikus görbe/felület paramétereit

- A görbe definiálásakor kontroll pontokkal befolyásolhatjuk annak az alakját
 - Az első és utolsó pont része a görbének
 - A többi kontrollpont mágnesként viselkedik
 - Maguk felé húzzák a görbét
- A görbe rangját a kontrollpontok száma határozza meg
- A görbe foka eggyel kisebb, mint annak a rangja

- A kontrollpontok matematikai jelentése a görbék parametrikus polinom egyenletekre vonatkoznak
 - Rang Együtthatók száma
 - Fok A legnagyobb kitevője a paraméternek
 - A leggyakoribbak a kubikos (harmadfokú) görbék
- Elméletileg tetszőleges rangú görbét megadhatunk
 - magasabb rangú görbék ellenőrizhetetlenül oszcillálni kezdenek
 - A kontrollpontok kis változtatására nagy mértékben megváltoznak

- Görbék közös vég- és kezdőpontjaikban leírja, hogy mennyire sima az átmenet közöttük

Semmilyen Nincs közös pontja a két görbének

C0 Pozícióbeli

- Egy közös pontban találkoznak

C1 Érintőleges

- A két végpontban a két görbe érintője azonos

C2 Görbületi

- A görbületi sugarak is megegyeznek a töréspontban
- Az átmenet még simább

- `void glMap1f(GLenum target, GLfloat u1, GLfloat u2, GLint stride, GLint order, const GLfloat * points);`
 - `target` A kiértékelővel előállított adat típusa
 - Pl. `GL_MAP1_VERTEX_3`, `GL_MAP1_NORMAL`, `GL_MAP1_TEXTURE_COORD_1`, ...
 - `u1`, `u2` Az u lineáris leképezését adja meg
 - `stride` Két kontrollpont közötti float-ok vagy double-ok száma a `points` adatstruktúrában
 - `order` A kontrollpontok száma (pozitív)
 - `points` A kontrollpontokat tartalmazó tömbre mutató pointer

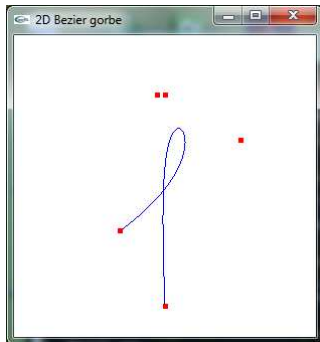
```
//A kontrollpontok száma
GLint nNumPoints = 5;

GLfloat ctrlPoints[5][3]=
    // Végpont
    {{ -3.0f, -3.0f, 0.0f},
    // Kontrollpont
    { 5.0f, 3.0f, 0.0f},
    // Kontrollpont
    { 0.0f, 6.0f, 0.0f},
    // Kontorllpont
    { -0.5f, 6.0f, 0.0f},
    // Végpont
    { 0.0f, -8.0f, 0.0f } };
```

```
glMap1f(
    // Az előállított
    // adat típusa
    GL_MAP1_VERTEX_3,
    // u alsó korlátja
    0.0f,
    // u felső korlátja
    100.0f,
    // A pontok közötti
    // távolság az adatokban
    3,
    // Kontrollpontok száma
    nNumPoints,
    // Kontrollpontokat
    // tartalmazó tömb
    // mutatója
    &ctrlPoints[0][0]);
```

- `glEnable(GL_MAP1_VERTEX_3);`
 - A kiértékelő engedélyezése
- `void glEvalCoord1f(GLfloat u)`
 - A paraméter értékének a megadása

```
// A pontok összekötése
// töredezett vonallal
glBegin(GL_LINE_STRIP);
for(i = 0; i <= 100; i++)
{
// A görbe kiértékelése
// az adott pontban
    glEvalCoord1f((GLfloat) i
        );
}
glEnd();
```



- Egyszerűbb megvalósítás

- `void glMapGrid1d(GLint un, GLfloat u1, GLfloat u2)`

`un` A rács felosztása

`u1, u2` Megadja a rácspontok leképezését.

- `void glEvalMesh1(GLenum mode, GLint i1, GLint i2)`
`mode` `GL_POINT` vagy `GL_LINE`
`i1, i2` Az első és utolsó érték a tartományon

```
// Leképezi a 100 pont rácsát a 0 – 100 intervallumra  
glMapGrid1d(100,0.0,100.0);
```

```
// Kiértékeli a rácsot és vonalakkal megjeleníti azt  
glEvalMesh1( GL_LINE, 0, 100 );
```


- `void glMap2f(GLenum target, GLfloat u1, GLfloat u2, GLint ustride, GLint uorder, GLfloat v1, GLfloat v2, GLint vstride, GLint vorder, const GLfloat *points)`
 - `target` A kiértékelővel előállított adat típusa
 - `u1, u2` Az u lineáris leképezését adja meg
 - `ustride` Két u értelmezési tartományban lévő kontrollpont közötti float-ok vagy double-ok száma a `points` adatstruktúrában
 - `uorder` A kontroll pontokat tartalmazó tömb dimenziója u tengely mentén
 - `v1, v2` Az v lineáris leképezését adja meg
 - `vstride` Két v értelmezési tartományban lévő kontrollpont közötti float-ok vagy double-ok száma a `points` adatstruktúrában
 - `vorder` A kontroll pontokat tartalmazó tömb dimenziója v tengely mentén
 - `points` Kontrollpontokat tartalmazó tömbre mutató pointer

- Egyszerűbb megvalósítás

- `void glMapGrid2f(GLint un, GLfloat u1, GLfloat u2, GLint vn, GLfloat v1, GLfloat v2);`

- `un` A rács felosztása u irányban

- `u1, u2` Megadja a rácspontok leképezését

- `vn` A rács felosztása v irányban

- `v1, v2` Megadja a rácspontok leképezését

- `void glEvalMesh2(GLenum mode, GLint i1, GLint i2, GLint j1, GLint j2)`

- `mode` `GL_POINT` vagy `GL_LINE`

- `i1, i2` Az első és utolsó érték az u tartományon

- `j1, j2` Az első és utolsó érték az v tartományon

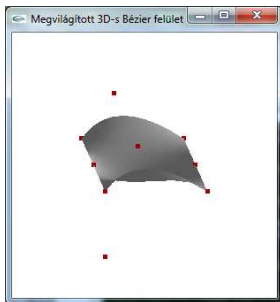
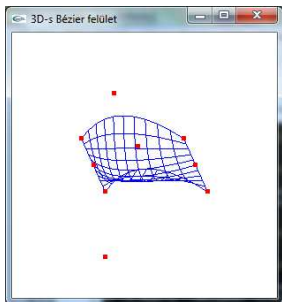
Modellezés

Bézier görbék és felületek - 3D-s felület

```
// Kiértékelő engedélyezése  
glEnable(GL_MAP2_VERTEX_3);
```

```
// Magasabb szintű függvény a rács leképezésére  
// A rács 10 pontjának a leképezése a 0 – 10 tartományra  
glMapGrid2f(10, 0.0f, 10.0f, 10, 0.0f, 10.0f);
```

```
// A rács kiértékelése vonalakkal  
glEvalMesh2(GL_LINE, 0, 10, 0, 10);
```



GLUT-os objektumok

- A GLUT függvénykönyvtár 3D-s geometriai objektumok létrehozására alkalmas függvények
- Normálvektorokat létrehoz
 - Nem generál textúra-koordinátákat (kivéve teáskanna)
- Pl. gömb és kúp esetén a GLUT-os megvalósítás az előbb ismertetett kvadratikus objektumokat megvalósító függvényeket használja
 - Az adott GLUT-os objektumok paraméterlistája nagyon hasonló a kvadratikus objektumokat megvalósító függvényekhez

Tömör alakzat	Drótvázás alakzat	3D-s objektum
<code>glutSolidSphere</code>	<code>glutWireSphere</code>	Gömb
<code>glutSolidCube</code>	<code>glutWireCube</code>	Kocka
<code>glutSolidCone</code>	<code>glutWireCone</code>	Kúp
<code>glutSolidTorus</code>	<code>glutWireTorus</code>	Tórusz
<code>glutSolidDodecahedron</code>	<code>glutWireDodecahedron</code>	Dodekaéder
<code>glutSolidOctahedron</code>	<code>glutWireOctahedron</code>	Oktaéder
<code>glutSolidTetrahedron</code>	<code>glutWireTetrahedron</code>	Tetraéder
<code>glutSolidIcosahedron</code>	<code>glutWireIcosahedron</code>	Ikozaéder
<code>glutSolidTeapot</code>	<code>glutWireTeapot</code>	Teáskanna

Összefoglalás

- Egy objektum felépítése
- Kvadratikus objektumok
- Bézier görbék és felületek
- GLUT-os objektumok

Megvilágítás-árnyalás, átlátszóság és köd

Árnyalás

- Fotorealistikus előállítása egy háromdimenziós világnak
 - Valóság-hű geometriai megjelenés
 - Valóság-hű külső megjelenés
 - Anyagi tulajdonságok felületekhez való hozzárendelése
 - Különböző fajta fényforrások alkalmazása
 - Textúrák hozzáadása
 - Köd
 - Átlátszóság használata

- Fényforrástípusok

Irányított fények A fényforrás az megvilágított objektumtól végtelen távoli pontban helyezkedik el

Pontfények, reflektorfények Pozícionális fények, mind a kettő rendelkezik egy pozícióval a térben

- Mind a három fényforrás esetén megadhatunk intenzitásra vonatkozó paramétereket és szín (RGB) értékeket

Jelölés	Leírás
s_{amb}	Ambiens intenzitás szín
s_{diff}	Diffúz intenzitás szín
s_{spec}	Spekuláris intenzitás szín
s_{pos}	Négy elemű fényforrás pozíció

- További reflektorfényre vonatkozó paraméterek
 - s_{dir} Irányvektor
 - s_{cut} Levágási szög
 - s_{exp} Kúpon belüli elnyelődés kontrollálása
- Pozícionális fényforrások távolság alapú intenzitás vezérlésére
 - s_c, s_l és s_q Csillapítás vezérlése

- Egy felület színét az anyaghoz tartozó paraméterekkel, a fényforrások paramétereivel (melyek megvilágítják a felületet) és egy megvilágítási modellel határozhatjuk meg

Jelölés	Leírás
m_{amb}	Ambiens anyag szín
m_{diff}	Diffúz anyag szín
m_{spec}	Spekuláris anyag szín
m_{shi}	Fényesség paraméter
m_{emi}	Emisszív anyag szín

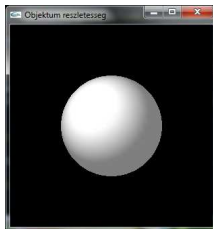
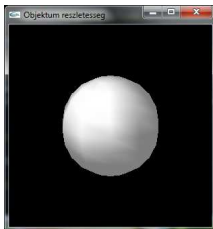
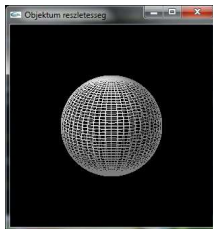
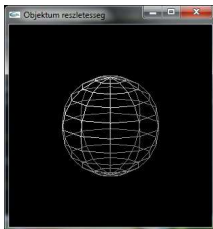
Megvilágítás Megadjuk az anyag és fényforrások paramétereivel meghatározott látható szín értékeit

Árnyalás Az a folyamat, amely végrehajtja a megvilágítási számításokat és meghatározza azokból a pixelek színeit

- Flat, sík
- Goraud
- Phong

- Flat** A szín egy háromszögre van kiszámítva és a háromszög ezzel a színnel van kitöltve
- Goraud** A megvilágítás a háromszög mindegyik vertexe esetén meg van határozva és ezeket a színeket interpolálva a háromszög felületén kapjuk a végső eredményt
- Phong** A vertexekben tárolt árnyalási normálvektorokat interpolálva határozzuk meg a pixelenkénti normálvektorokat a háromszögben. Ezeket a normálvektorokat használva számítjuk ki a megvilágítás hatását az adott pixelben

- A flat árnyalást könnyű megvalósítani
 - Nem ad olyan sima eredményt görbe felület esetén
 - Meg lehet különböztetni a modellt felépítő primitíveket illetve felületeket
- A Gouraud árnyalás függ az objektum részletességétől

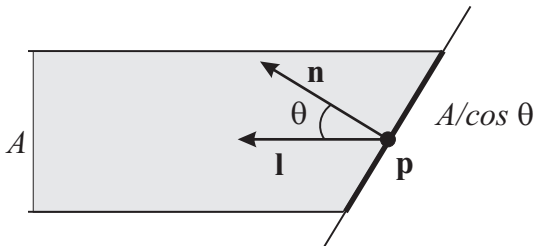


- Kevésbé függ az objektum kidolgozottságától
 - Felületi normálvektorok interpolálása
 - Pixelenkénti megvilágítás kiszámítása
- Kiszámítása bonyolultabb és költségesebb
- Korábban ezt a fajta módszert kevésbé használták
- Gouraud árnyalással hasonló eredményt lehet elérni
 - A felület pixelnél kisebb háromszögekre való felosztása
 - Nagyon lassú lehet
 - Nem programozható grafikus hardveren is megvalósítható

- Megfelel a fizikai valóságnak valamint a fény és felület kölcsönhatásának
- Lambert törvényen alapul
 - Az ideális diffúz (teljesen matt és nem csillogó) felületeknél a visszavert fény mértéke az \mathbf{n} felületi normál és az \mathbf{l} fényvektor közötti ϕ szög koszinuszától függ

Megvilágítási modell

Lambert törvény



$$i_{diff} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{l} = \cos \phi,$$

i_{diff} a szem irányában visszavert fény
mértékét megadó fizikai mennyiség

$\phi > \pi/2$ esetén nullával egyenlő.

A felület a fényvel ellentétes irányba néz

- A megvilágítási egyenlet diffúz komponense független a kamera pozíciójától és irányától
- A megvilágított felület bármely irányból ugyanúgy néz ki
- fényforrás \mathbf{s}_{diff} és az anyag \mathbf{m}_{diff} diffúz színét használva

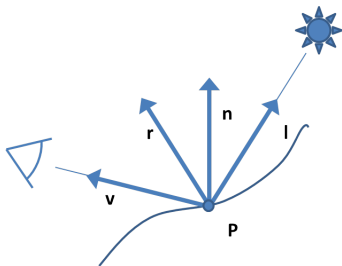
$$\mathbf{i}_{diff} = \max((\mathbf{n} \cdot \mathbf{l}), 0) \mathbf{m}_{diff} \otimes \mathbf{s}_{diff}$$

- Az \mathbf{i}_{diff} a szín diffúz tagja
- Az \otimes operátor a komponensenkénti szorzás
- $\max((\mathbf{n} \cdot \mathbf{l}), 0)$
 - 0, ha \mathbf{n} és \mathbf{l} közötti szög értéke nagyobb, mint $\pi/2$

- A spekuláris komponens a felület csillogásáért felelős
- Világos foltként jelenik meg a felületen
 - A felület görbeségét hangsúlyozza ki
 - Segít a fényforrások irányának és helyének a meghatározásában
- Phong megvilágítási egyenlet:

$$i_{spec} = (\mathbf{r} \cdot \mathbf{v})^{m_{shi}} = (\cos \rho)^{m_{shi}}$$

- \mathbf{v} a \mathbf{p} felületi pontból a nézőpont felé mutató vektor
- az \mathbf{r} az \mathbf{l} fény vektor \mathbf{n} normálvektorral meghatározott visszaverődése
- A spekuláris összetevő annál erősebb, minél jobban egybeesik az \mathbf{r} visszaverődési vektor és a \mathbf{v} nézőpont vektor



- Az l fény vektor az n normálvektorra nézve az r vektor irányában verődik vissza
- Az r vektort a következőképpen lehet meghatározni:

$$r = 2(n \cdot l)n - l$$

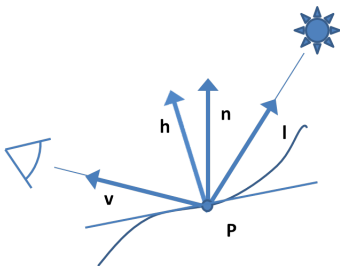
- Amennyiben $n \cdot l < 0$
 - A felület nem látható a fényforrásból nézve

- Blinn egyenlete

$$\mathbf{i}_{spec} = (\mathbf{n} \cdot \mathbf{h})^{m_{shi}} = (\cos \phi)^{m_{shi}}$$

- \mathbf{h} az \mathbf{l} és \mathbf{v} között lévő normalizált vektor

$$\mathbf{h} = \frac{\mathbf{l} + \mathbf{v}}{\|\mathbf{l} + \mathbf{v}\|}$$



- A \mathbf{h} annak a síknak a normálisa a \mathbf{p} pontban, amely a fényforrásból tökéletesen veri vissza a fényt a nézőpontba
 - Az $\mathbf{n} \cdot \mathbf{h}$ tag akkor maximális, ha az \mathbf{n} normális \mathbf{p} pontban egybeesik a \mathbf{h} vektorral
 - Az $\mathbf{n} \cdot \mathbf{h}$ tényező abban az esetben csökken, amikor az \mathbf{n} és \mathbf{h} között a szög növekszik
- Nem kell kiszámítani az \mathbf{r} visszaverődési vektort
- A kétfajta spekuláris megvilágítás közötti közelítés

$$(\mathbf{r} \cdot \mathbf{v})^{m_{shi}} \approx (\mathbf{n} \cdot \mathbf{h})^{4m_{shi}}$$

- OpenGL és a Direct3D megvalósítás

$$\mathbf{i}_{spec} = \max((\mathbf{n} \cdot \mathbf{h}), 0)^{m_{shi}} \mathbf{m}_{spec} \otimes \mathbf{s}_{spec}$$

- m_{shi} a felület csillogásának a mértékét írja le
 - Értékének növelésével azt a hatást érjük el, hogy a világos terület nagysága beszűkül
- Schlick adott egy alternatív megközelítést Phong egyenletére

$$t = \cos \rho,$$

$$\mathbf{i}_{spec} = \frac{t}{m_{shi} - tm_{shi} + t} \mathbf{m}_{spec} \otimes \mathbf{s}_{spec}$$

- A megvilágítási modellünkben a fények közvetlenül ragyognak a felületeken
- A valóságban a fény a fényforrásból kiindulva egy másik felületről visszaverődve is elérheti a tárgyat
- A másik felületről érkező fény nem számítható be sem a spekuláris sem pedig a diffúz komponensbe
- Indirekt megvilágítás szimulálása
 - A megvilágítási modellbe bele vesszük az ambiens tagot
 - Csak valamilyen kombinációja az anyagi és fény konstansoknak

$$\mathbf{i}_{amb} = \mathbf{m}_{amb} \otimes \mathbf{s}_{amb}$$

- Egy tárgy valamilyen minimális mennyiségű színnel fog rendelkezni
 - Még akkor is, ha nem közvetlen módon lesz megvilágítva
- Azok a felületek, melyek nem a fény felé néznek nem fognak teljesen feketén megjelenni

- OpenGL
 - Támogatja a fényforrásonkénti ambiens értéket
 - Amikor a fényt kikapcsoljuk, akkor az ambiens összetevő automatikusan el lesz távolítva
- Csak ambiens tagot használva nem kapunk megfelelő eredményt
 - Eltűnik a három-dimenziós hatás
- Mindegyik objektum meg legyen világítva legalább egy kicsi direkt megvilágítással
 - Fényeket helyezünk el a szintéren
 - Fejlámpa (headlight) használta, amely egy a nézőponthoz kapcsolt pontfény
 - A spekuláris komponensét kikapcsoljuk, hogy kevésbé zavarjon

- Lokális megvilágítási modell
 - A megvilágítás csak a fényforrásokból származó fénytől függ
 - Más felületről nem érkezik fény
- A megvilágítást az ambiens, diffúz és spekuláris komponensek határozzák meg

$$i_{tot} = i_{amb} + i_{diff} + i_{spec}$$

```
void C5E1v_basicLight(float4 position : POSITION,
                    float3 normal      : NORMAL,

                    out float4 oPosition : POSITION,
                    out float4 color      : COLOR,

                    uniform float4x4 modelViewProj,
                    uniform float3 globalAmbient,
                    uniform float3 lightColor,
                    uniform float3 lightPosition,
                    uniform float3 eyePosition,
                    uniform float3 Ka,
                    uniform float3 Kd,
                    uniform float3 Ks,
                    uniform float shininess)
```

```
oPosition = mul(modelViewProj, position);
```

```
float3 P = position.xyz;
```

```
float3 N = normal;
```

Cg vertex program - alap megvilágítás

Ambiens és diffúz tag kiszámítása

```
// Ambiens tag
```

```
float3 ambient = Ka * globalAmbient;
```

```
// Diffúz tag
```

```
float3 L = normalize(lightPosition - P);
```

```
float diffuseLight = max(dot(N, L), 0);
```

```
float3 diffuse = Kd * lightColor * diffuseLight;
```



```
float3 V = normalize(eyePosition - P);  
float3 H = normalize(L + V);
```

```
float specularLight =  
    pow(max(dot(N, H), 0), shininess);
```

```
if (diffuseLight <= 0)  
    specularLight = 0;
```

```
float3 specular =  
    Ks * lightColor * specularLight;
```

```
color.xyz = ambient + diffuse + specular;  
color.w = 1;
```

Cg fragmens program - alap megvilágítás

Vertex program

```
void C5E2v_fragmentLighting(float4 position : POSITION,
                             float3 normal   : NORMAL,

                             float4 oPosition : POSITION,
                             out float3 objectPos : TEXCOORD0,
                             out float3 oNormal   : TEXCOORD1,
                             uniform float4x4 modelViewProj)

oPosition = mul(modelViewProj, position);

objectPos = position.xyz;
oNormal = normal;
```

```
void C5E2v_fragmentLighting(float4 position : POSITION,
                             float3 normal   : NORMAL,

                             float4 oPosition : POSITION,
                             out float3 objectPos : TEXCOORD0,
                             out float3 oNormal  : TEXCOORD1,
                             uniform float4x4 modelViewProj)

oPosition = mul(modelViewProj, position);

objectPos = position.xyz;
oNormal = normal;
```

Cg fragmens program - alap megvilágítás

Vertex program

```
void C5E2v_fragmentLighting(float4 position : POSITION,
                             float3 normal   : NORMAL,

                             float4 oPosition : POSITION,
                             out float3 objectPos : TEXCOORD0,
                             out float3 oNormal   : TEXCOORD1,
                             uniform float4x4 modelViewProj)

oPosition = mul(modelViewProj, position);

objectPos = position.xyz;
oNormal = normal;
```

```
void C5E3f_basicLight(float4 position  : TEXCOORD0,  
                    float3 normal     : TEXCOORD1,  
  
                    out float4 color   : COLOR,  
  
                    uniform float3 globalAmbient,  
                    uniform float3 lightColor,  
                    uniform float3 lightPosition,  
                    uniform float3 eyePosition,  
                    uniform float3 Ka,  
                    uniform float3 Kd,  
                    uniform float3 Ks,  
                    uniform float shininess)
```

```
void C5E3f_basicLight(float4 position : TEXCOORD0,  
                    float3 normal    : TEXCOORD1,  
  
                    out float4 color    : COLOR,  
  
                    uniform float3 globalAmbient,  
                    uniform float3 lightColor,  
                    uniform float3 lightPosition,  
                    uniform float3 eyePosition,  
                    uniform float3 Ka,  
                    uniform float3 Kd,  
                    uniform float3 Ks,  
                    uniform float shininess)
```

```
void C5E3f_basicLight(float4 position : TEXCOORD0,  
                    float3 normal   : TEXCOORD1,  
  
                    out float4 color    : COLOR,  
  
                    uniform float3 globalAmbient,  
                    uniform float3 lightColor,  
                    uniform float3 lightPosition,  
                    uniform float3 eyePosition,  
                    uniform float3 Ka,  
                    uniform float3 Kd,  
                    uniform float3 Ks,  
                    uniform float shininess)
```



```
float3 P = position.xyz;
float3 N = normalize(normal);

// Ambiens tag
float3 ambient = Ka * globalAmbient;

// Diffúz tag
float3 L = normalize(lightPosition - P);
float diffuseLight = max(dot(L, N), 0);
float3 diffuse = Kd * lightColor * diffuseLight;

// Spekuláris tag
float3 V = normalize(eyePosition - P);
float3 H = normalize(L + V);
float specularLight = pow(max(dot(H, N), 0), shininess);
if (diffuseLight <= 0) specularLight = 0;
float3 specular = Ks * lightColor * specularLight;

color.xyz = ambient + diffuse + specular;
color.w = 1;
```

- A valóságban a fény intenzitása fordítottan arányos a fényforrástól mért távolság négyzetével

$$d = \frac{1}{s_c + s_l \|\mathbf{s}_{pos} - \mathbf{p}\| + s_q \|\mathbf{s}_{pos} - \mathbf{p}\|^2}$$

- $\|\mathbf{s}_{pos} - \mathbf{p}\|$ az \mathbf{s}_{pos} fényforrás pozíciójától vett távolság a \mathbf{p} pontig
- s_c a konstans, az s_l a lineáris és a s_q a kvadratikus csillapítást kontrollálják
- A fizikailag korrekt távolság csillapításhoz
 - $s_c = 0$, $s_l = 0$ és $s_q = 1$

$$\mathbf{i}_{tot} = \mathbf{i}_{amb} + d(\mathbf{i}_{diff} + \mathbf{i}_{spec})$$

```
// Anyagi tulajdonságok
struct Material {
    float3 Ka;
    float3 Kd;
    float3 Ks;
    float shininess;
};

// Fény paraméterek
struct Light {
    float3 position;
    float3 color;
    float kC, kL, kQ;
};

// Távolságtól függő skalár meghatározása
float C5E6_attenuation(float3 P,
                      Light light)
{
    float d = distance(P, light.position);
    return 1 / (light.kC + light.kL * d + light.kQ * d * d);
}
```

```
void C5E7_attenuateLighting(Light light ,  
                             float3 P,  
                             float3 N,  
                             float3 eyePosition ,  
                             float shininess ,  
  
                             out float3 diffuseResult ,  
                             out float3 specularResult)
```

```
// Elnyelődés kiszámítása
float attenuation = C5E6_attenuation(P, light);

// Diffúz komponens kiszámítása
float3 L = normalize(light.position - P);
float diffuseLight = max(dot(L, N), 0);
diffuseResult = attenuation *
                light.color * diffuseLight;

// Spekuláris komponens kiszámítása
float3 V = normalize(eyePosition - P);
float3 H = normalize(L + V);
float specularLight = pow(max(dot(H, N), 0),
                          shininess);
if (diffuseLight <= 0) specularLight = 0;
specularResult = attenuation *
                light.color * specularLight;
```

Cg fragmens program - távolság függés

Belépő függvény - paraméterek

```
void oneLight(float4 position : TEXCOORD0,  
             float3 normal    : TEXCOORD1,  
  
             out float4 color      : COLOR,  
  
             uniform float3  eyePosition ,  
             uniform float3  globalAmbient ,  
             uniform Light   lights [1] ,  
             uniform Material material)
```

```
// Ambiens
float3 ambient = material.Ka * globalAmbient;

float3 diffuseLight;
float3 specularLight;
float3 diffuseSum = 0;
float3 specularSum = 0;

//Diffúz és spekuláris komponensek
//távolság függő kiszámítása
C5E7_attenuateLighting(lights[0], position.xyz, normal,
                       eyePosition, material.shininess,
                       diffuseLight, specularLight);
diffuseSum += diffuseLight;
specularSum += specularLight;

// Anyagi tulajdonságok figyelembevétele
float3 diffuse = material.Kd * diffuseSum;
float3 specular = material.Ks * specularSum;

color.xyz = ambient + diffuse + specular;
color.w = 1;
```

- A reflektorfény a színteret különböző módon világítja meg
 - c_{spot} -tal jelölt szorzótényező

$$c_{spot} = \max(-\mathbf{l} \cdot \mathbf{s}_{dir}, 0)^{s_{exp}}$$

\mathbf{l} A fény vektor

\mathbf{s}_{dir} A reflektor iránya

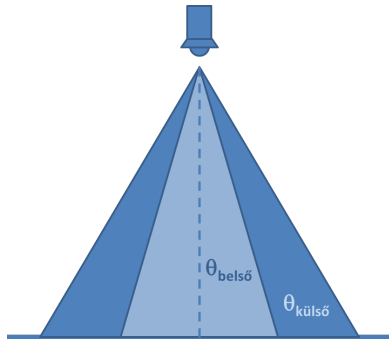
s_{exp} Az exponenciális faktor a reflektor középpontjától való halványodását vezérli

- Módosított megvilágítási egyenlet

$$\mathbf{i}_{tot} = c_{spot}(\mathbf{i}_{amb} + d(\mathbf{i}_{diff} + \mathbf{i}_{spec}))$$

- Ha a fényforrásunk nem reflektorfény, akkor $c_{spot} = 1$

- Belső és külső "kúpok"
 - Könnyű eldönteni, hogy melyik részbe esik egy pont
 - Változtatni kell az intenzitás kiszámítását



```
float saturate(float x)
{
    return max(0, min(1, x));
}

float smoothstep(float min,
                 float max,
                 float x)
{
    float t =
    saturate((x - min)/(max -
                    min));
    return t*t*(3.0 - (2.0*t));
}
```

- 0, ha $x < min$
- 1, ha $x > max$
- Hermite interpolált érték 0 és 1 között
 - $-2t^3 + 3t^2$

```
float C5E9_dualConeSpotlight(float3 P,  
                             Light light)  
  
    float3 V = normalize(P - light.position);  
    float cosOuterCone = light.cosOuterCone;  
    float cosInnerCone = light.cosInnerCone;  
    float cosDirection = dot(V, light.direction);  
  
    return smoothstep(cosOuterCone,  
                     cosInnerCone,  
                     cosDirection);
```

```
float C5E9_dualConeSpotlight(float3 P,  
                             Light light)  
  
    float3 V = normalize(P - light.position);  
    float cosOuterCone = light.cosOuterCone;  
    float cosInnerCone = light.cosInnerCone;  
    float cosDirection = dot(V, light.direction);  
  
    return smoothstep(cosOuterCone,  
                     cosInnerCone,  
                     cosDirection);
```

Megvilágítási modell

A megvilágítási egyenlet

- A felület mennyi fényt bocsát ki
 - Az anyag rendelkezik egy \mathbf{m}_{emi} emisszív paraméterrel
- Globális ambiens fényforrás paraméter
 - Konstans háttérfényt közelít
 - Minden irányból körülveszi a tárgyakat
- Módosított megvilágítási egyenlet

$$\mathbf{i}_{tot} = \mathbf{a}_{glob} \otimes \mathbf{m}_{amb} + \mathbf{m}_{emi} + c_{spot}(\mathbf{i}_{amb} + d(\mathbf{i}_{diff} + \mathbf{i}_{spec}))$$

```
struct Material
    float3 Ke;
    float3 Ka;
    float3 Kd;
    float3 Ks;
    float shininess;
;

...

float3 emissive = material.Ke;
```

```
struct Material
    float3 Ke;
    float3 Ka;
    float3 Kd;
    float3 Ks;
    float shininess;
;

...

float3 emissive = material.Ke;
```

- Tegyük fel, hogy n fényforrásunk van és mindegyiket k indexszel azonosítjuk

$$\mathbf{i}_{tot} = \mathbf{a}_{glob} \otimes \mathbf{m}_{amb} + \mathbf{m}_{emi} + \sum_{k=1}^n c_{spot}^k (\mathbf{i}_{amb}^k + d^k (\mathbf{i}_{diff}^k + \mathbf{i}_{spec}^k))$$

- A fényforrás intenzitás összege 1-nél nagyobb is lehet
 - Az eredmény megvilágítási szint $[0, 1]$ intervallumra korlátozzuk le
- Túlcsorduló szín skálázása a legnagyobb komponenssel
- A túlcsordulások gyakran a geometriai részletességet csökkentik

Cg fragmens program részlet

Több fényforrás

```
float3 diffuseLight;  
float3 specularLight;  
  
float3 ambientSum = 0;  
float3 diffuseSum = 0;  
float3 specularSum = 0;  
  
// Az ambiens, diffúz és spekuláris komponensekre való  
számítások  
for (int i = 0; i < 2; i++) {  
    C5E5_computeLighting(lights[i], position.xyz, normal,  
                        eyePosition, material.shininess,  
                        diffuseLight, specularLight);  
    ambientSum += ambientLight;  
    diffuseSum += diffuseLight;  
    specularSum += specularLight;  
}  
  
// Anyagi tulajdonságok figyelembevétele  
float3 amibient = material.Ka * ambientSum;  
float3 diffuse = material.Kd * diffuseSum;  
float3 specular = material.Ks * specularSum;
```

Átlátszóság

- Megvalósításához szükség van az átlátszó tárgy színének és a mögötte lévő objektumok színének a keverésére
- Egy RGB szín és egy Z -puffer mélység van hozzákötve mindegyik pixelhez a képernyőn való megjelenítésekor
- α komponens
 - Az az érték, amely leírja a tárgy átlátszóságának a fokát egy adott pixelben
 - $\alpha = 1$ azt jelenti, hogy az objektum nem átlátszó és teljes egészében kitölti a pixel területet
 - $\alpha = 0$ pedig azt jelenti, hogy a pixel egyáltalán nem látszik

- Egy objektum átlátszóvá tételéhez a meglévő szintéren kell megjeleníteni egynél kisebb alfa értékkel

$$c_o = \alpha_s c_s + (1 - \alpha_s) c_d \quad [\text{over operátor}]$$

c_s Az átlátszó objektum színe (forrás)

α_s A tárgy alfa értéke

c_d A keveredés előtti (a színpufferben lévő, cél) pixel szín érték

c_o Az eredmény szín

- Az átlátszó objektumot a meglévő szintér elé (over) helyezük

- Helyes megjelenítéséhez általában szükségünk van rendezésre
 - Először a nem átlátszó tárgyakat kell renderelni
 - Aztán az átlátszó objektumokat kell hátulról előre haladva összekeverni a háttérben lévő alakzatok pixel értékeivel
- Tetszőleges sorrendben való összekeverés esetén súlyos artifaktumokat kaphatunk
 - A művelet sorrendfüggő vagyis feltételezi, hogy a háttérben lévő tárgyak már a színpufferben vannak
 - Speciális esetben, amikor két átlátszó tárgy van megjelenítve és mind a kettő alfa értéke 0.5, akkor a keveredésnél nem számít a sorrend

- Amennyiben a rendezés nem lehetséges vagy csak részben lett végrehajtva
 - Legjobb a Z-puffer használata
 - A z-mélység írását kikapcsolva az átlátszó objektum esetén
 - Az összes átlátszó objektum legalább meg fog jelenni
- Más technikák
 - Hátsó oldalak eldobásának kikapcsolása
 - Az átlátszó poligonok kétszeri renderelésével és a mélység tesztelést valamint a Z-puffer írásának az engedélyezését váltogatva

- Ki lehet számítani több menetben, két vagy több mélységpuffer használatával (mélység hámozás)
 - Első megjelenítési menetben a nem átlátszó felületek z-mélység értékeit helyezük el az első Z-pufferben
 - Ezután az átlátszó objektumokat rendereljük le
 - A második menetben a mélység tesztet úgy módosítjuk, hogy elfogadjuk azt a felületet, amely az első pufferben lévő z-mélység értéknél közelebb van és az átlátszó objektumok közül pedig a legtávolabb van
 - A legtávolabbi átlátszó objektum bekerül a színpufferbe a mélység értéke pedig a második Z-pufferbe
 - Ezt a puffert aztán arra használjuk, hogy a következő legközelebbi átlátszó felületet határozzuk meg a következő menetben és így tovább

Köd

- A ködöt több céllal is lehet használni
 - A külső tér realiztikusabb megjelenítés szintjének a növelése
 - Mivel a köd hatása a nézőponttól távolodva növekszik, ezért ez segít meghatározni, hogy milyen távol találhatóak az objektumok
 - Ha megfelelően használjuk, akkor ez segít a távoli vágósík hatásának az elrejtésében
 - A köd gyakran hardveresen van megvalósítva, így egy elhanyagolható plusz költséggel lehet azt használni.

- c_p végső pixel szín értékének meghatározása

$$c_p = f c_s + (1 - f) c_f$$

c_f A köd színe

$f \in [0, 1]$ A köd együtthatója

c_s Az árnyalt oldal színe

- Ahogy f értéke csökken, a köd hatása növekszik
- Különböző egyenleteket használhatunk a f megadására

- Egy köd konstans
 - Lineárisan csökken a nézőponttól távolodva
- Hol kezdődik és hol végződik a köd a néző z-tengelye mentén?

$$f = \frac{z_{end} - z_p}{z_{end} - z_{start}}$$

- z_p az a z érték, ahol a köd hatását kell meghatározni

- f ködegyüttható

$$f = e^{-d_f z_p},$$

$$f = e^{(-d_f z_p)^2}$$

d_f A köd sűrűségét vezérli

- A kapott értéket a $[0, 1]$ intervallumra csonkoljuk és a köd egyenletét használjuk a végső érték kiszámításához
 - $\mathbf{c}_p = f\mathbf{c}_s + (1 - f)\mathbf{c}_f$

- Néha táblázatokat használnak a ködfüggvény hardveres megvalósítása esetén
 - Minden mélységre egy f ködegyütthatót előre kiszámítanak és eltárolnak.
 - Kiolvassák a táblázatból (vagy lineáris interpolációval határozzák meg két szomszédos tábla elemből)
 - Bármilyen értéket el lehet helyezni a köd táblázatban, nem csak az iménti egyenletekben megadottakat

- A ködfüggvényeket alkalmazni lehet vertex vagy pixel szinten
 - Vertex-szintű** A köd hatása a megvilágítási egyenlet részeként lesz kiszámítva és a kiszámított szín értéket interpolálja a poligonon keresztül Gouraud árnyalást használva
 - Pixel-szintű** A pixelenként tárolt mélység értéket használva számítjuk ki
- A pixel-szintű köd jobb eredményt ad

Témakörök

- Megvilágítás
 - Fényforrások és anyagi tulajdonságok
- Árnyalás
 - Megvilágítási számítások
- Megvilágítási modell
 - Cg példaprogramok
- Átlátszóság
- Kód