



Problémamegoldás kereséssel



Bevezetés

- **Problémamegoldó ágens**
- **Kívánt állapotba vezető cselekvéseket keres**
- **Probléma megfogalmazása**
- **Megoldás megfogalmazása**
- **Keresési algoritmusok**
- **Nem informált keresés: csak a probléma definícióját ismerik (mai óra)**
- **Informált keresés: egyéb információval is rendelkeznek (merre lehet a megoldás) – jövő óra**

Problémamegoldás

- **Cél megfogalmazása: mi a célállapot?**
- **Problémamegfogalmazás: milyen cselekvések és állapotok számítanak?**
- **Keresés: több ismeretlen értékű lehetőségből kiválasztjuk, mit tegyünk, ha megvizsgáljuk, a lehetséges cselekvéssorok milyen állapotokba vezetnek**
- **Keresés -> megoldás**
- **Végrehajtás**





Feltételezések

- **Statikus környezet**
- **Teljesen megfigyelhető környezet**
- **Diszkrét környezet**
- **Determinisztikus környezet**

Jól definiált probléma

- **Kiinduló állapot**
- **Állapottér: kezdeti állapot + állapotátmenet-függvény:**
 - **Állapot** -> cselekvés, utódállapot
 - **Gráf**
 - **Út**
- **Célteszt: egy adott állapot célállapot-e**
- **Útköltség: minden útnak van költsége**





Probléma megoldásának hatékonysága

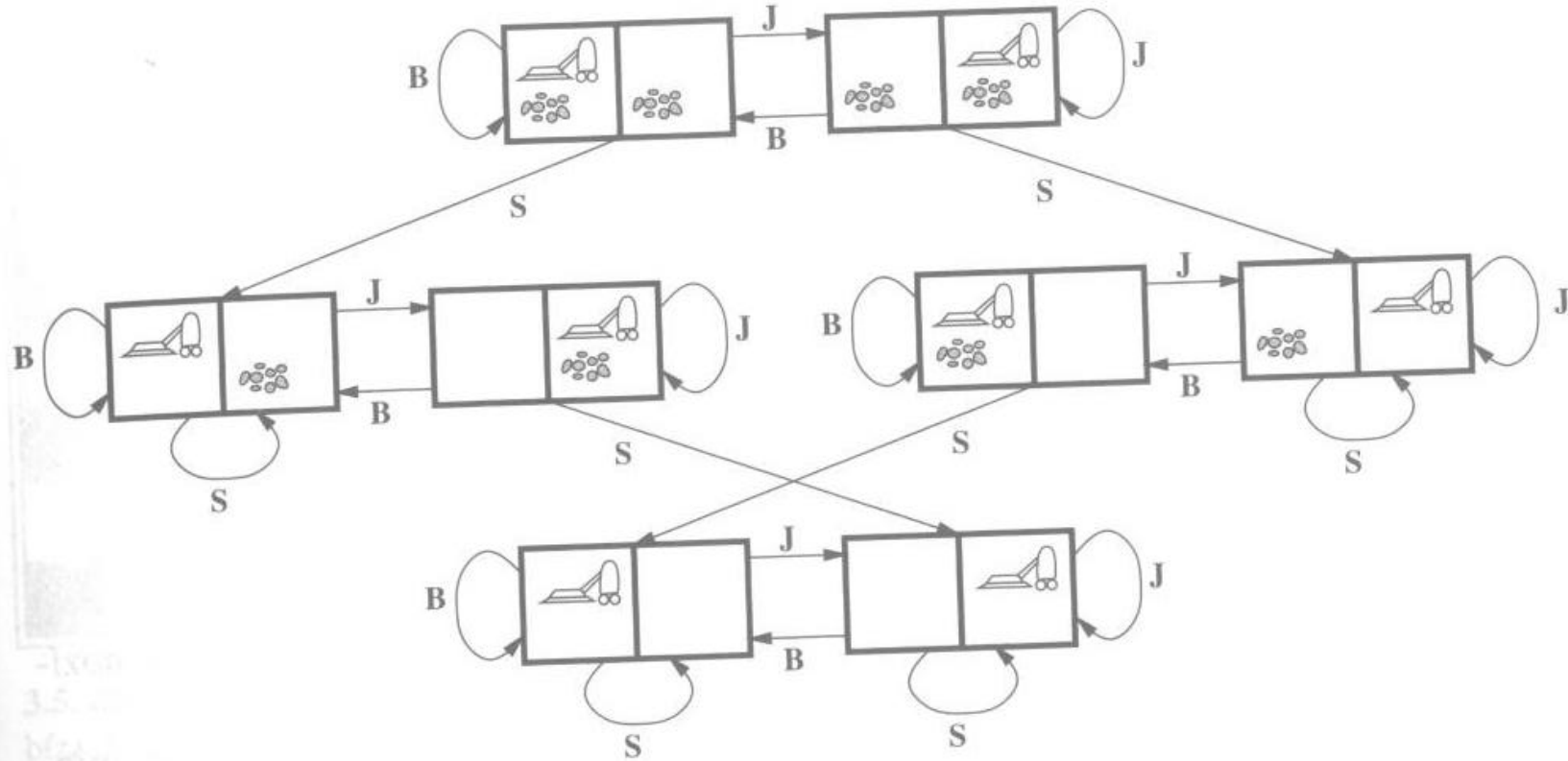
- **Megoldás:** kiinduló állapotból a célállapotba vezető út
- **Teljesség:** talál-e megoldást, ha létezik megoldás?
- **Optimalitás:** optimális megoldást talál-e (alacsony költség)
- **Keresési költség:** idő, memória
- **Komplexitás:**
 - b : elágazási tényező
 - d : legsekélyebb célállapot mélysége
 - m : utak maximális hossza

Porszívóvilág

- **Állapotok:** 2 hely, mindegyik lehet piszkos/tiszta: $n \cdot 2^n$ állapot (8)
- **Kezdeti állapot:** bármelyik
- **Állapotátmenet-fv.:** bal, jobb, szív cselekvésekből generált állapotok
- **Célteszt:** minden szoba tiszta-e
- **Útköltség:** minden lépés legyen 1 költségű



Állapottér



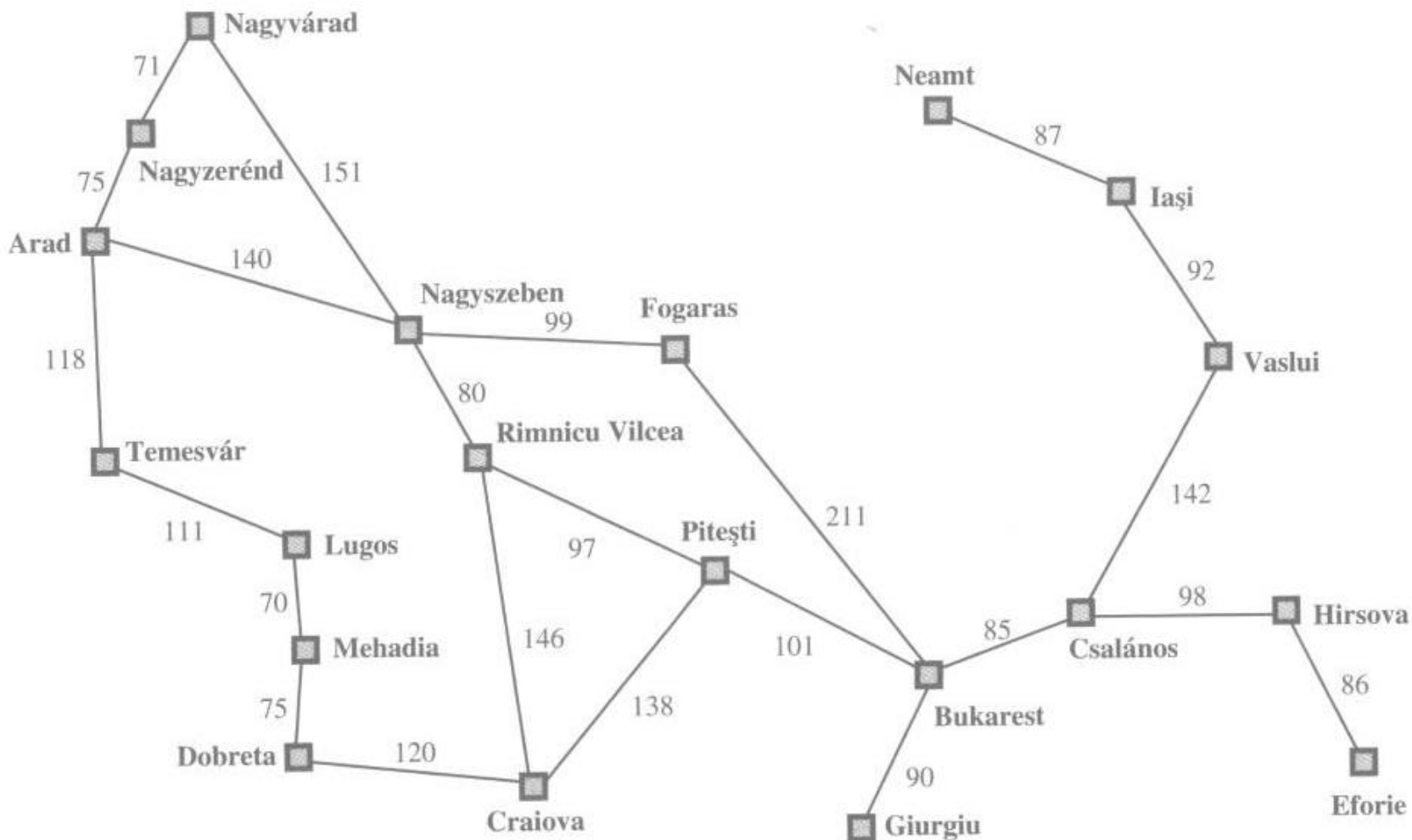
Kirakó

	1	2
3	4	5
6	7	8

- **Állapotok: célállapotból csúsztatással elérhető konfigurációk**
- **Kezdeti állapot: bármelyik lehet**
- **Állapotátmenet-fv.: üres megy balra, jobbra, fel, le cselekvésekből generált legális állapotok**
- **Célteszt: célállapotban vagyunk-e?**
- **Útköltség: minden lépés 1**



Útvonaltervezés: Arad-Bukarest





A keresési fa

- adott egy állapot: merre lehet továbbindulni? → az állapot kifejtése, generálás
- állapottér → keresési fa
- a keresési fa csomópontjai:
 - az állapottérnek az adott csomóponthoz tartozó állapota
 - a szülőcsomópont a keresési fában
 - a csomópontot generáló operátor
 - a gyökércsomóponttól való távolság (mélység)
 - útköltség

Általános keresési algorithmus

1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista;
2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás
3. Kiválasztunk egy csomópontot, legyen ennek neve : n;
4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás
5. töröld n-t L-ből;
6. állítsd elő n gyermekeit;
7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;
8. add a gyermekeket L-hez;
9. menj 2-re;

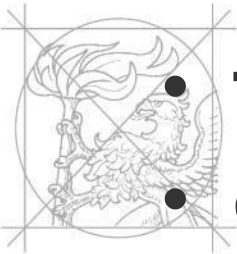


Keresési stratégiák

- véletlenszerű keresés
- vak keresés (nem informált keresés)
- heurisztikus keresés (informált keresés)

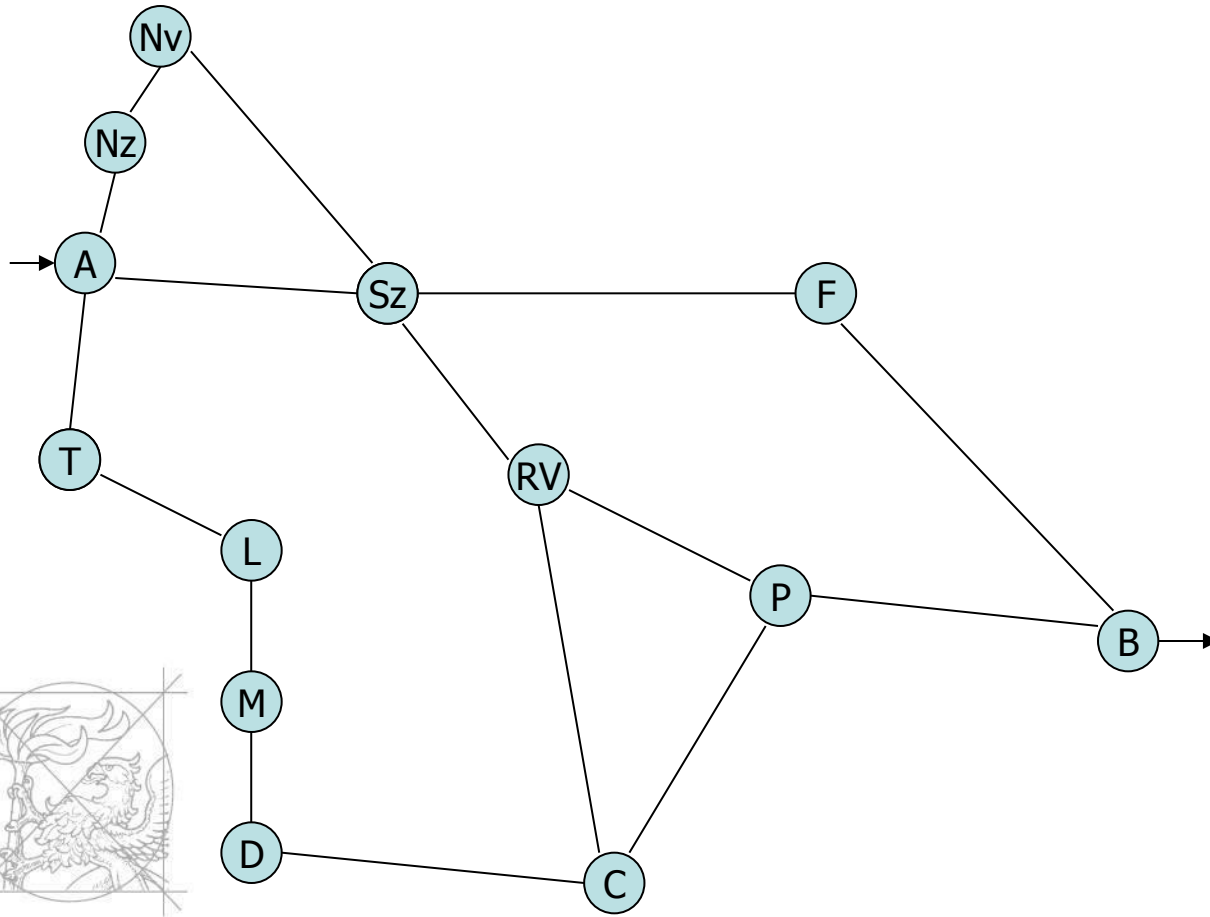
A keresési stratégiák tulajdonságai:

- teljesség
- időigény
- tárigény
- optimalitás





A probléma



Szélességi keresés

1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista;
2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás
3. Kiválasztjuk az első csomópontot, legyen ennek neve: n;
4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás
5. töröld n-t L-ből;
6. állítsd elő n gyermekeit;
7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;
8. add a gyermekeket L VÉGÉHEZ;
9. menj 2-re;

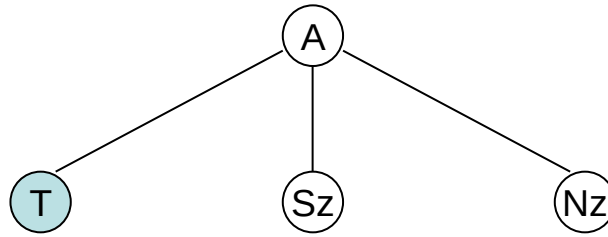




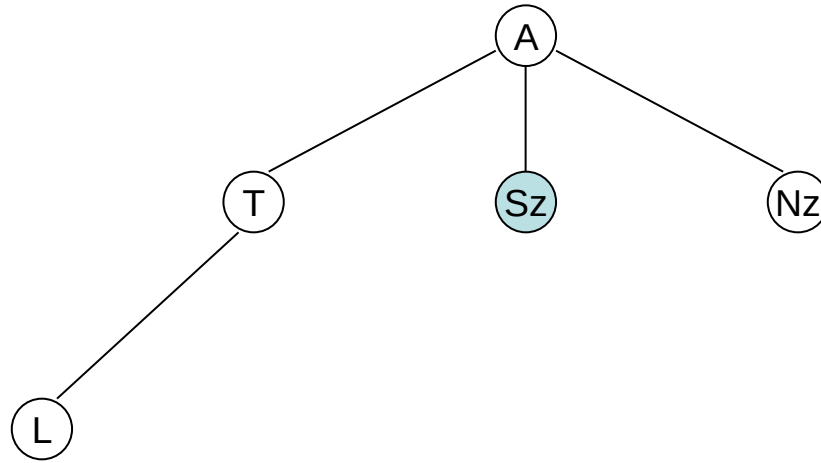
A

$L_0: A$

L_1 : T Sz Nz

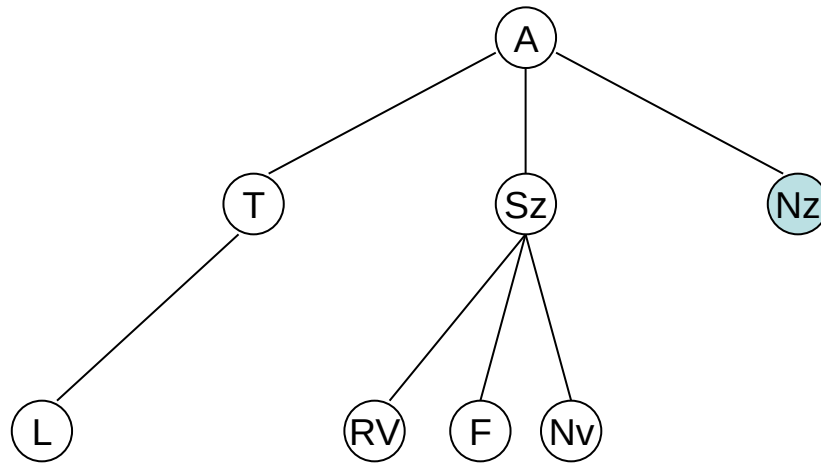


L_2 : Sz Nz L



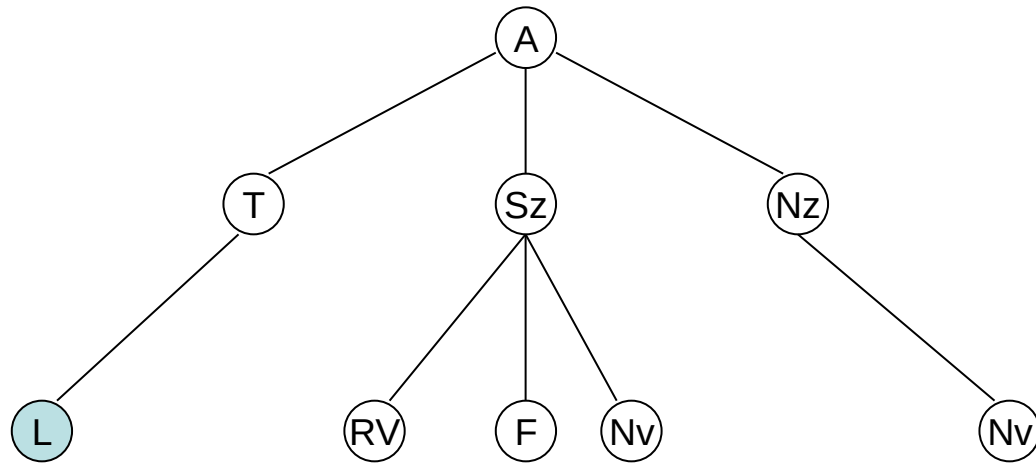


L_3 : Nz L RV F Nv

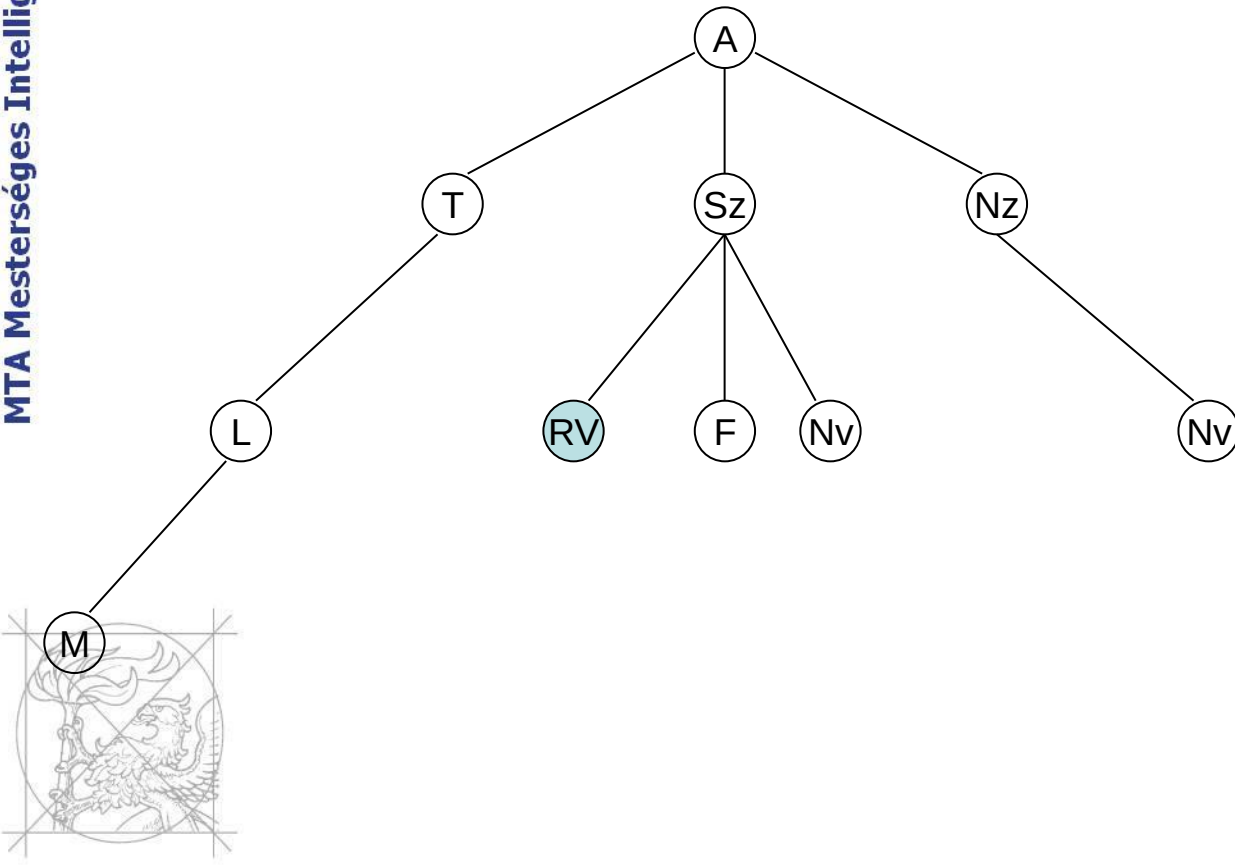




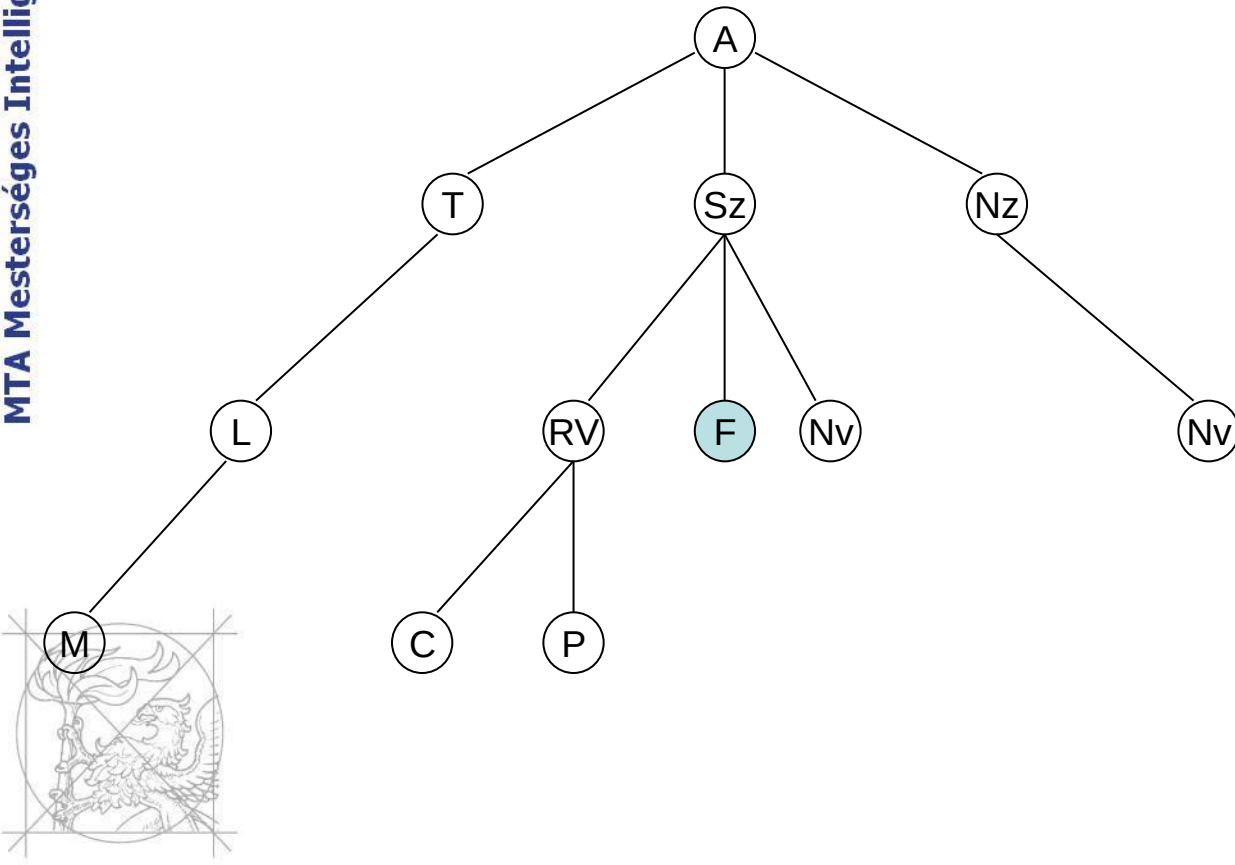
L_4 : L RV F Nv Nv



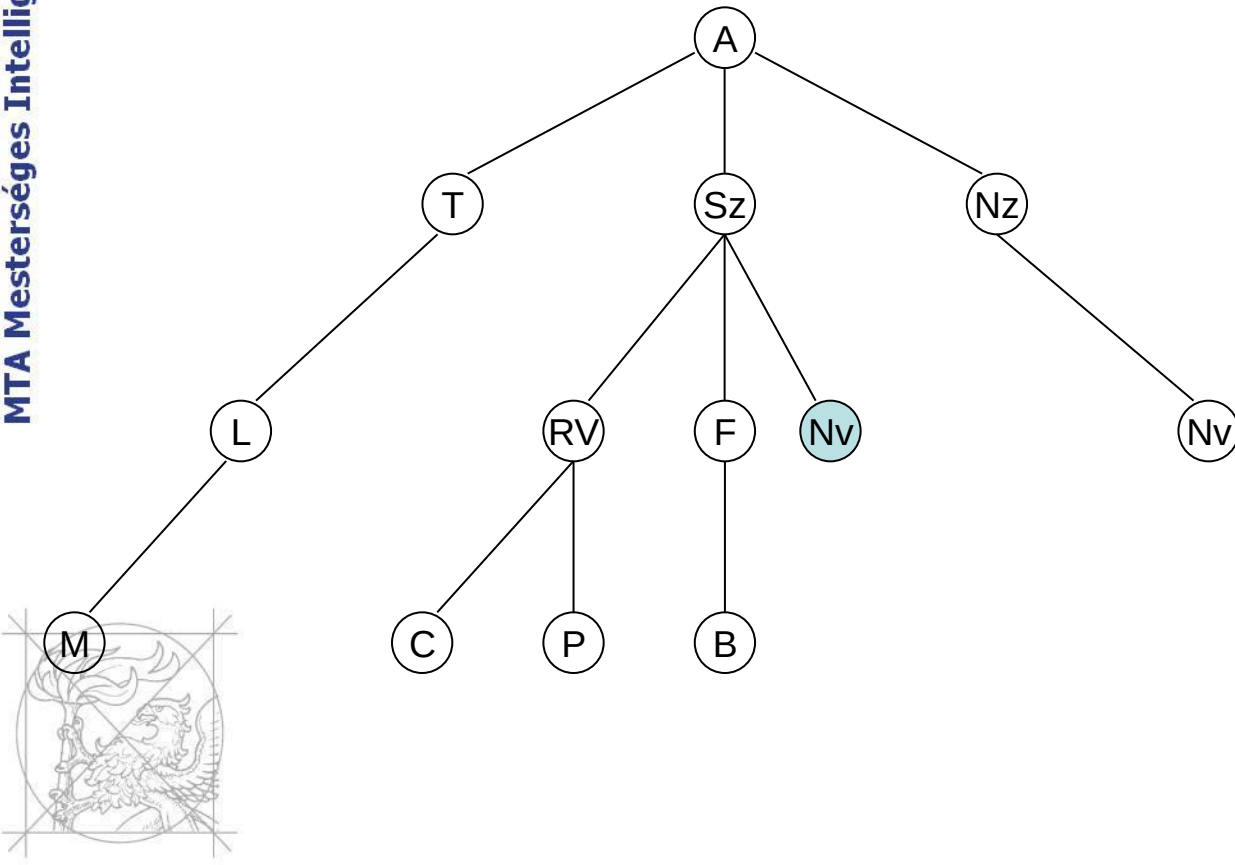
L_5 : RV F Nv Nv M



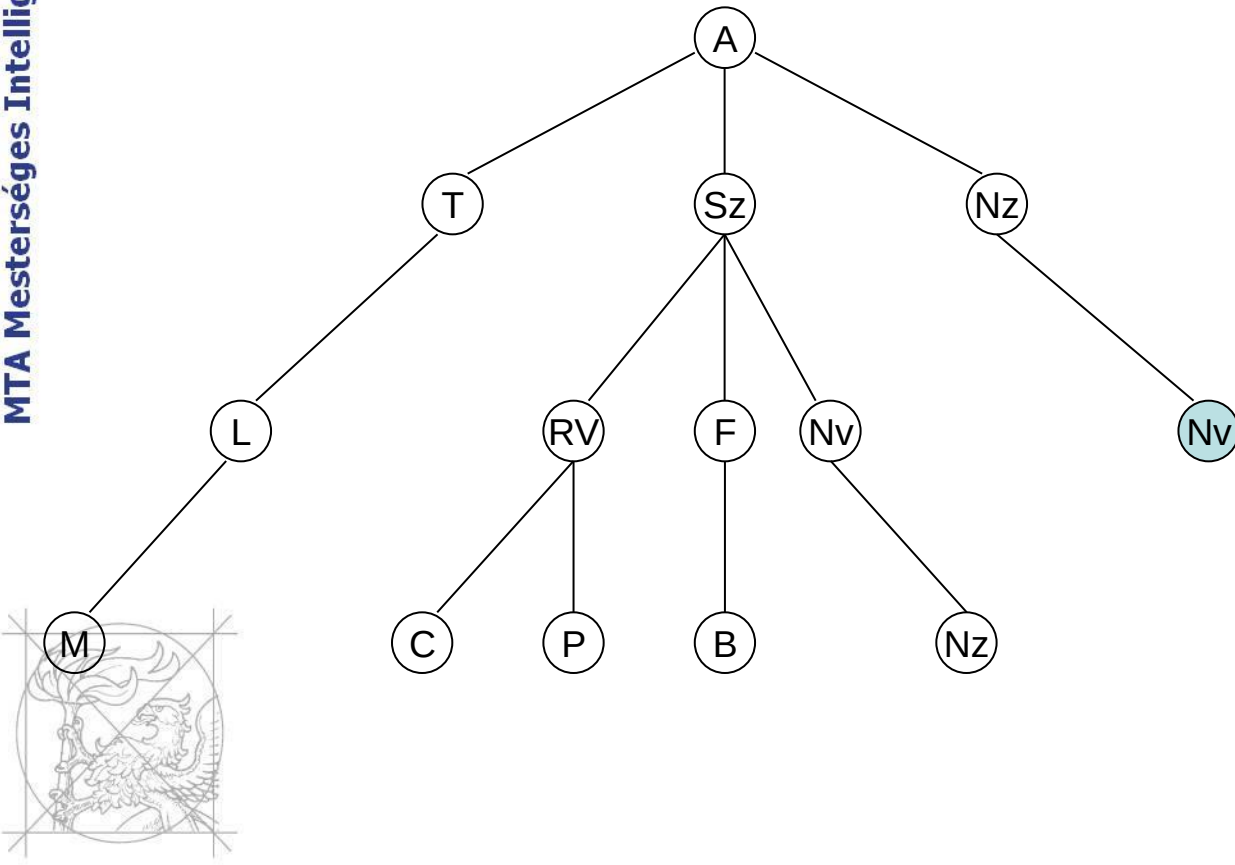
L_6 : F Nv Nv M C P



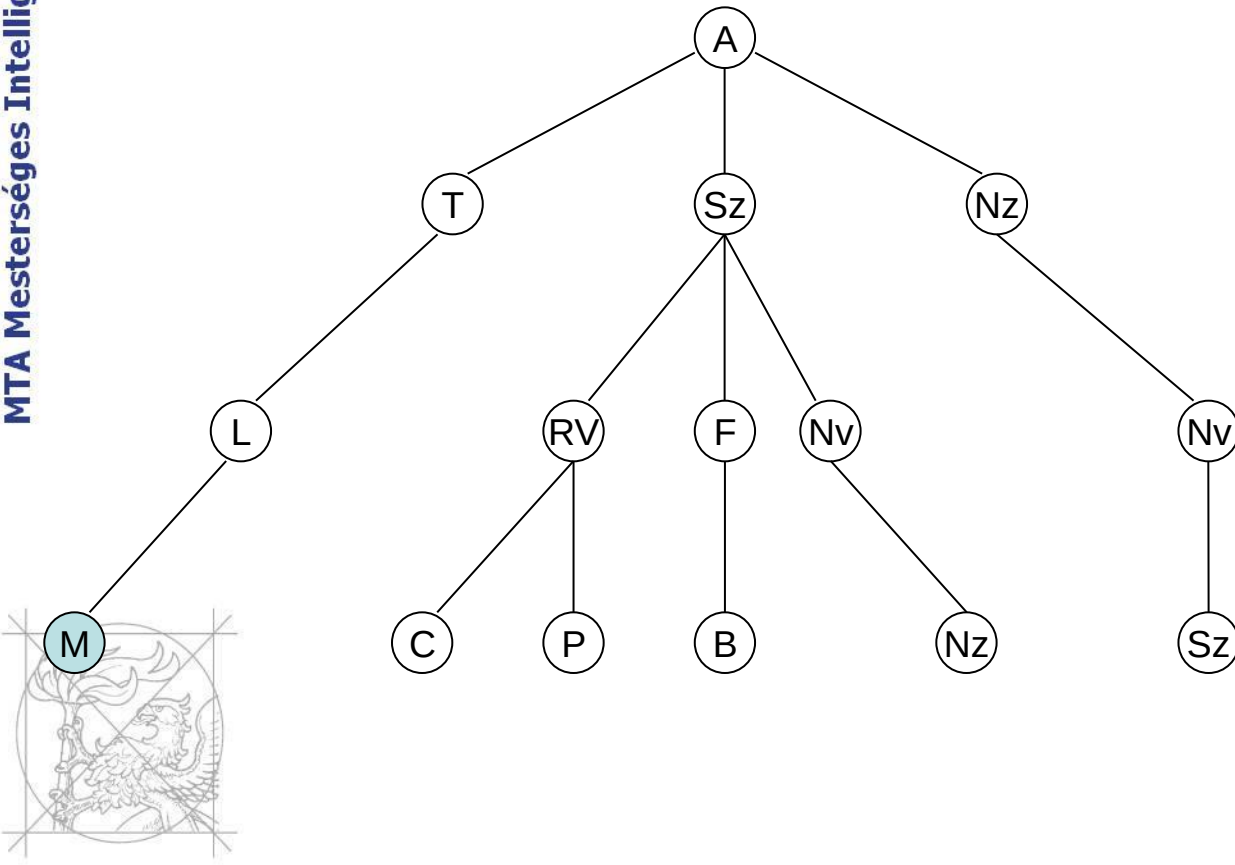
L_7 : Nv Nv M C P B



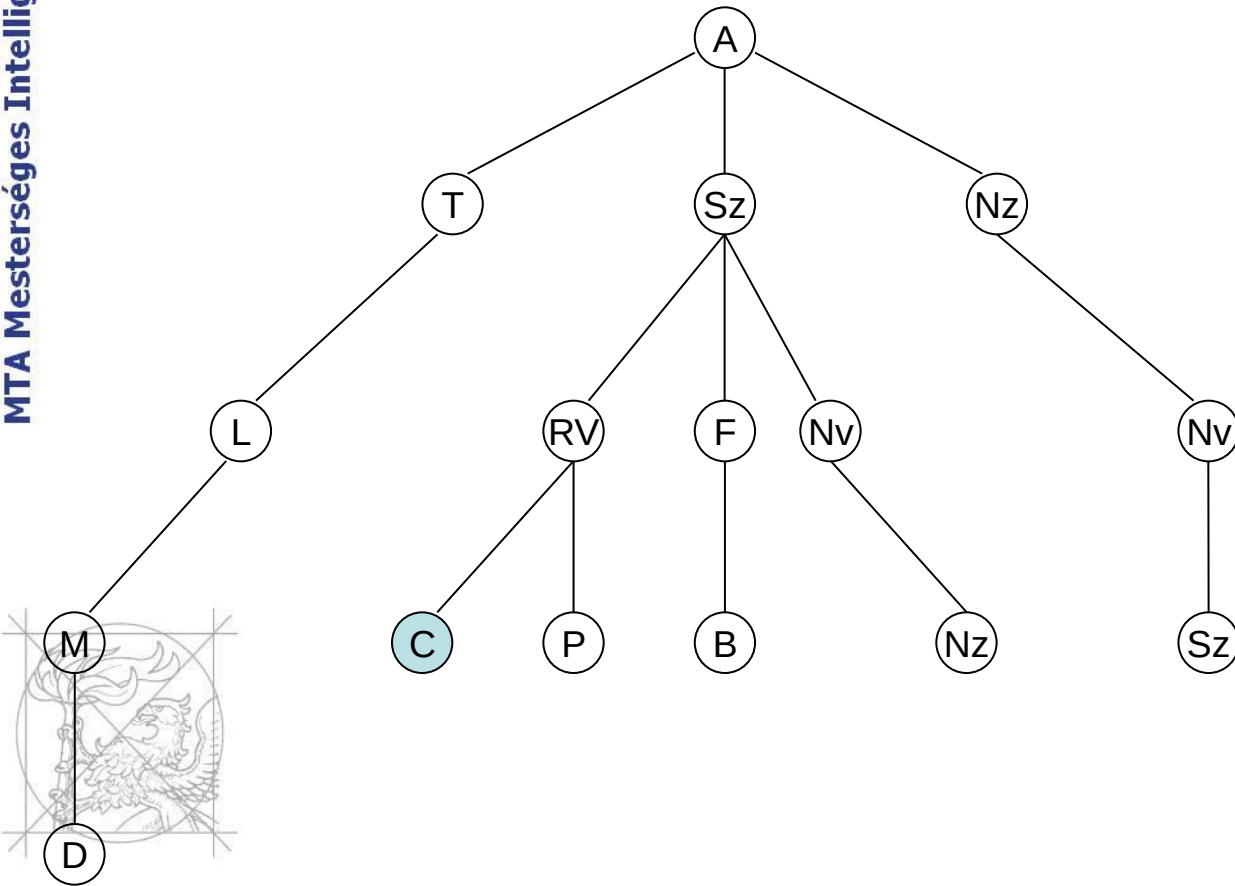
L_8 : Nv M C P B Nz



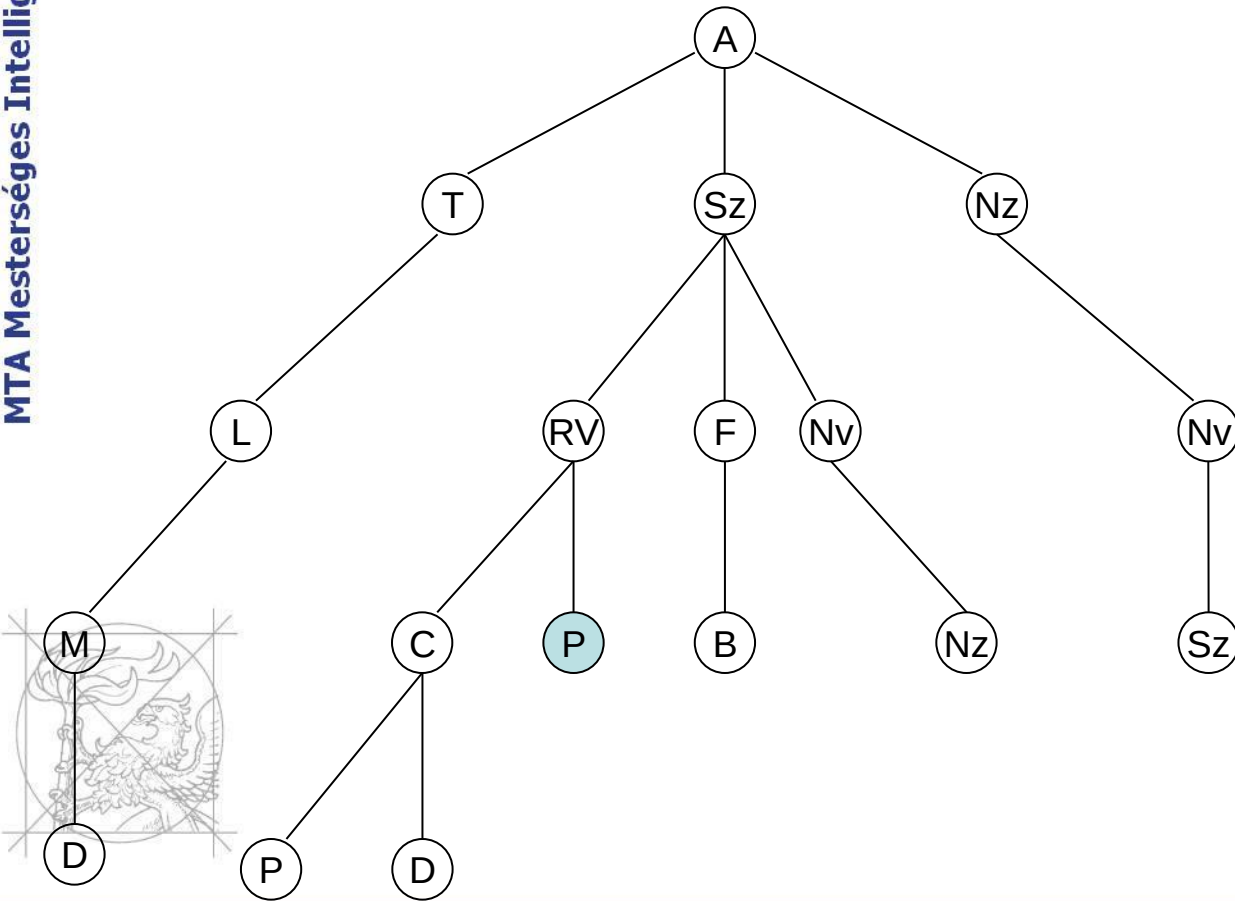
L_9 : M C P B Nz Sz



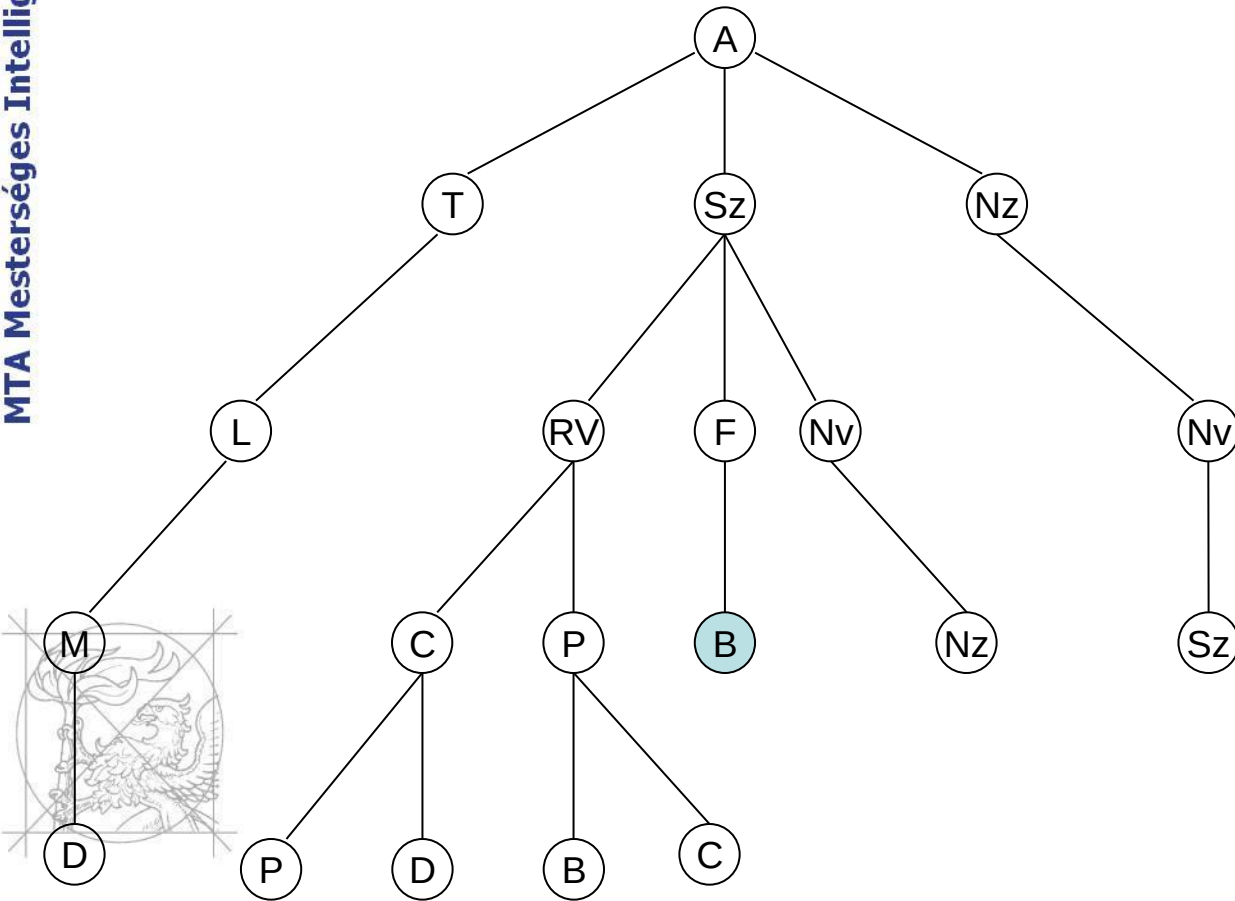
L_{10} : C P B Nz Sz D



L_{11} : P B Nz Sz D P D



L_{12} : B Nz Sz D P D B C



A szélességi keresés keresési költsége 10-es keresési fában ($b=10$)

<i>Mélység (d)</i>	<i>Csomópont</i>	<i>Időigény</i>	<i>Memória</i>
0	1	0,001 másodperc	100 byte
2	111	0,1 másodperc	11 kbyte
4	11111	11 másodperc	1 Mb
6	10^6	18 perc	111 Mb
8	10^8	31 óra	11 Gb
10	10^{10}	128 nap	1 Tb
12	10^{12}	35 év	111 Tb





Szélességi keresés

- mindig talál megoldást
- nagy keresési idő (b^d)
- nagy memóriaigény (b^d)
- Optimális, ha minden lépés ugyanolyan költségű

Egyenletes költségű keresés

útiköltség figyelembevétele!

- 1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista;**
- 2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás**
- 3. Kiválasztjuk az első csomópontot, legyen ennek neve: n;**
- 4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás**
- 5. töröld n-t L-ből;**
- 6. állítsd elő n gyermekeit;**
- 7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;**
- 8. add a gyermekeket L-hez;**
- 9. rendezd L-t útiköltség szerint, az olcsóbb legyen elől;**
- 10. menj 2-re;**



Egyenletes költségű keresés

- biztosan talál megoldást
- optimális (ha az útiköltség csak nőhet az út folyamán)
- nagy keresési költség (b^d)

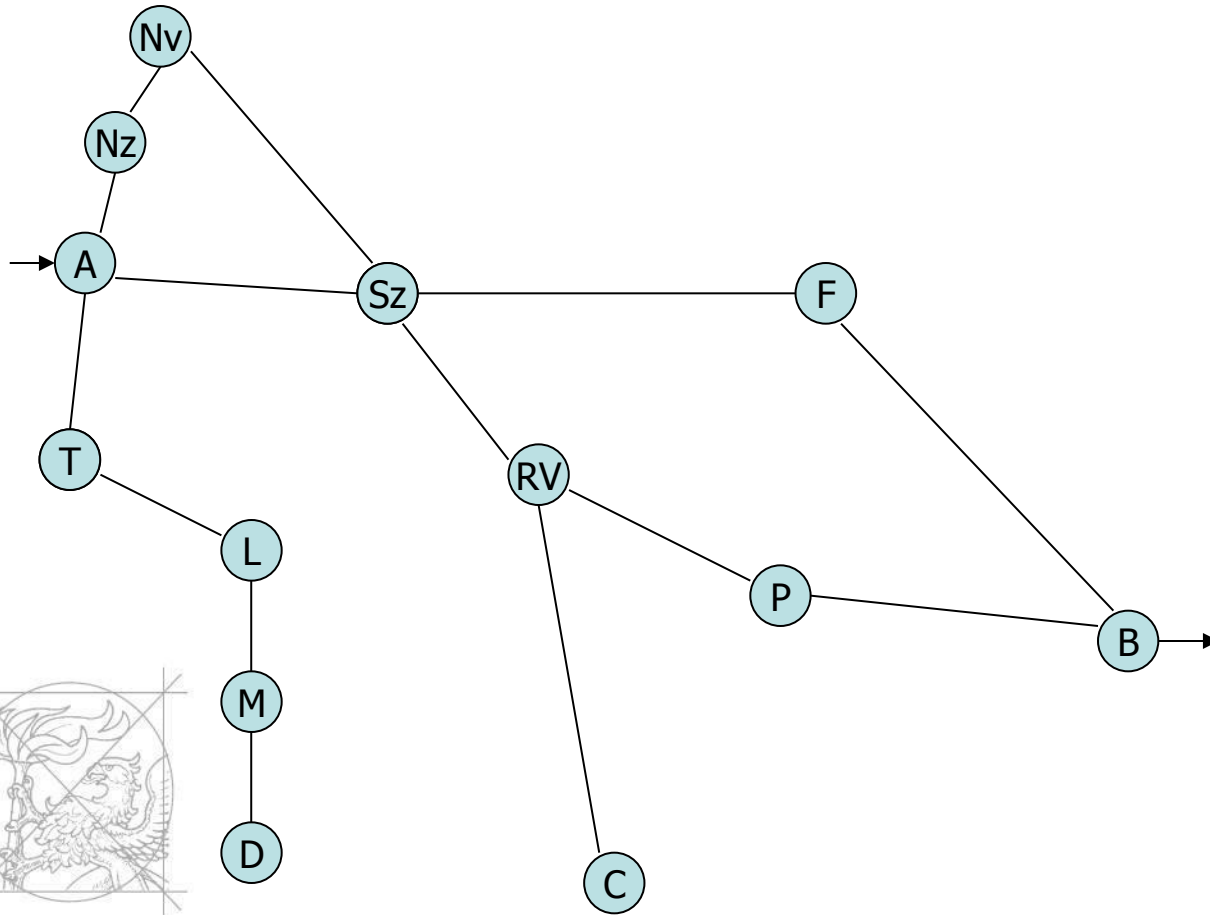


Mélységi keresés

1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista;
2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás
3. Kiválasztjuk az első csomópontot, legyen ennek neve: n;
4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás
5. töröld n-t L-ből;
6. állítsd elő n gyermekeit;
7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;
8. add a gyermekeket L ELEJÉHEZ;
9. menj 2-re;



A módosított probléma

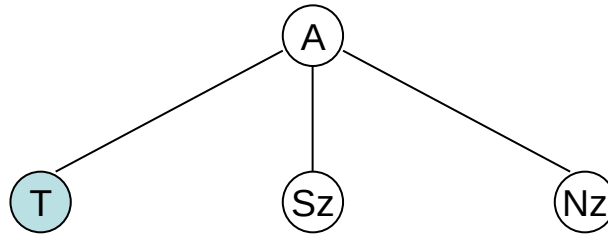




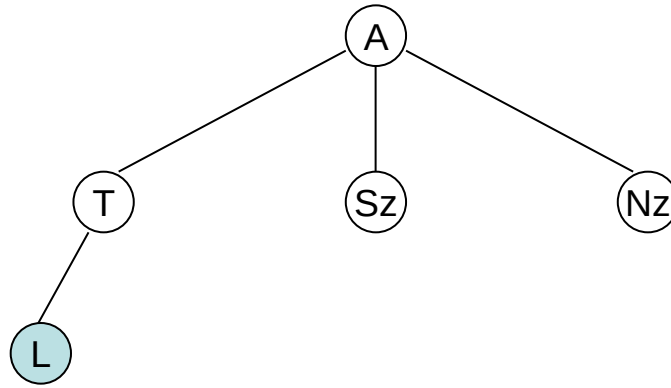
A

$L_0: A$

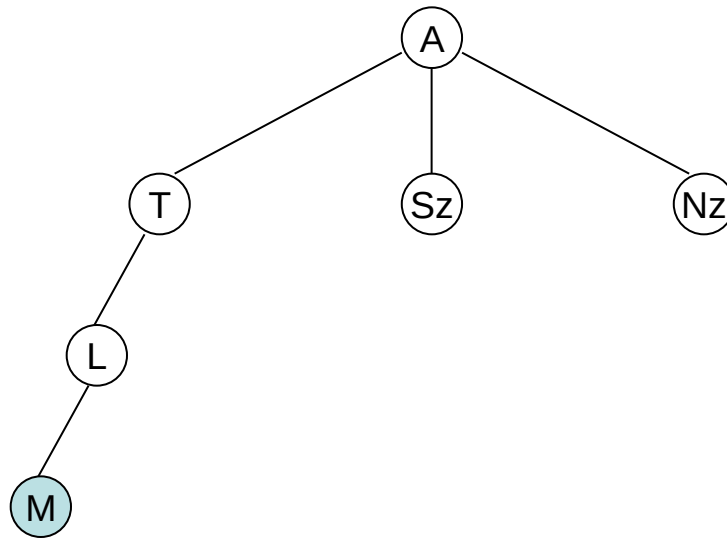
L_1 : T Sz Nz



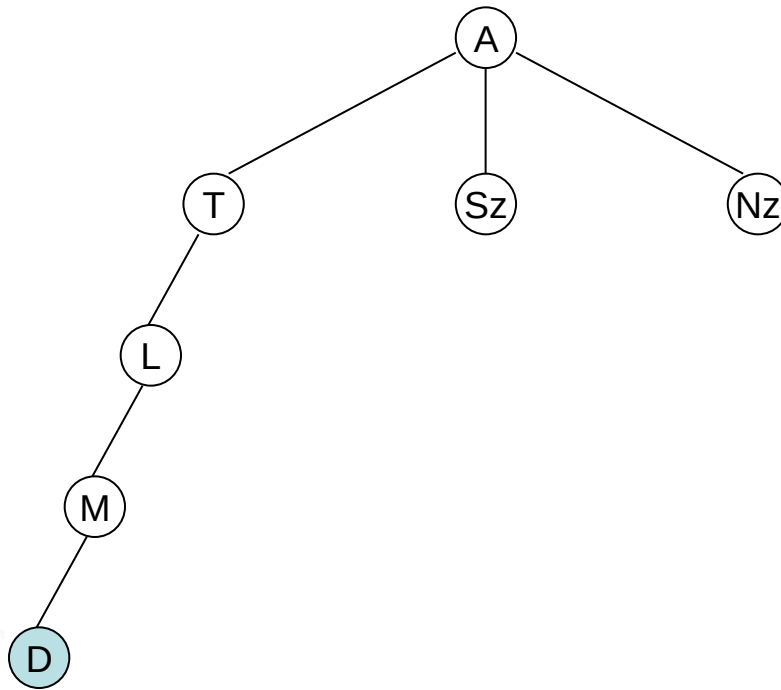
L_2 : L Sz Nz



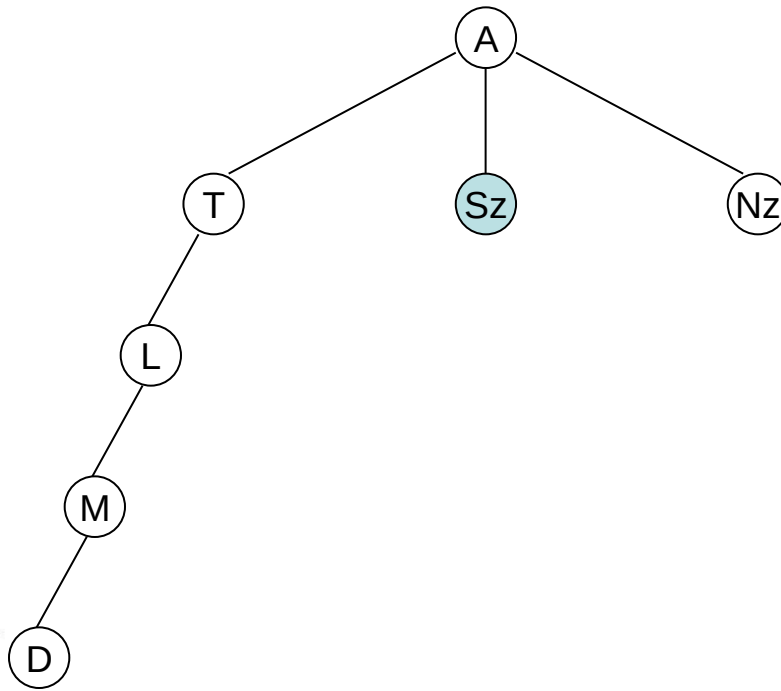
L_3 : M Sz Nz



L_4 : D Sz Nz

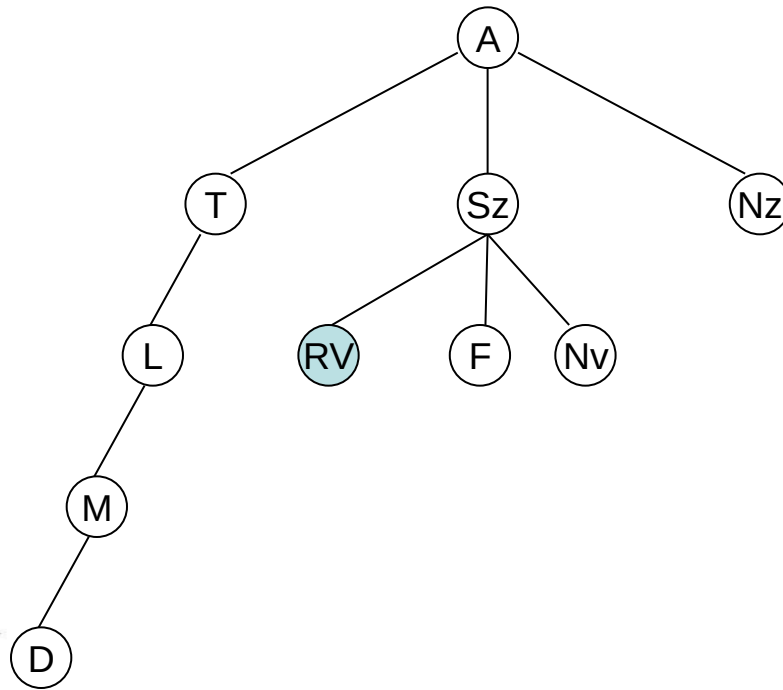


L_5 : Sz Nz



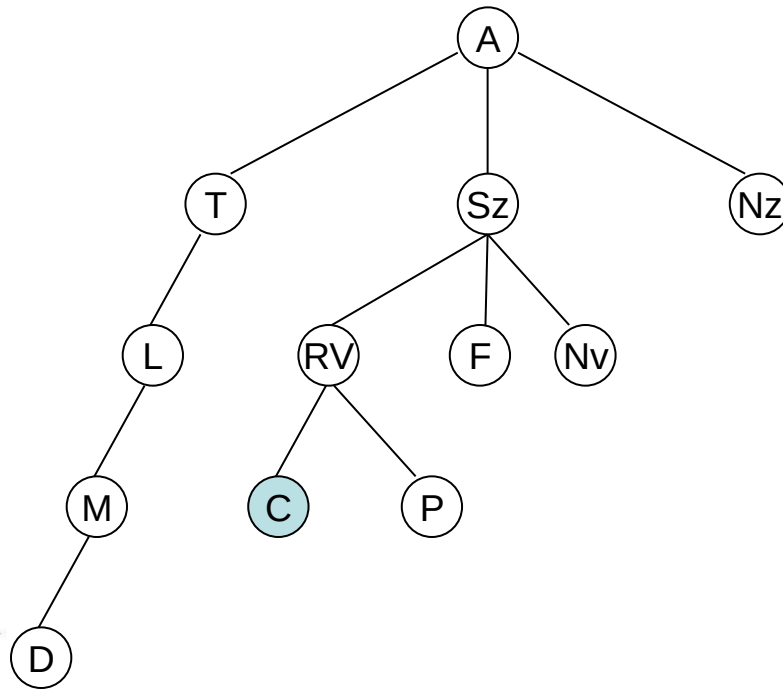


L_6 : RV F Nv Sz Nz



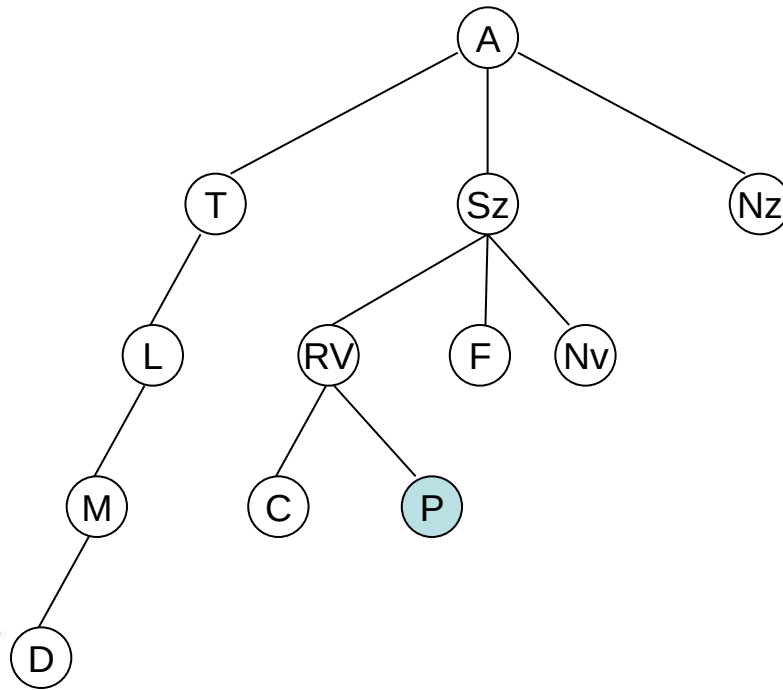


L_7 : C P F Nv Sz Nz



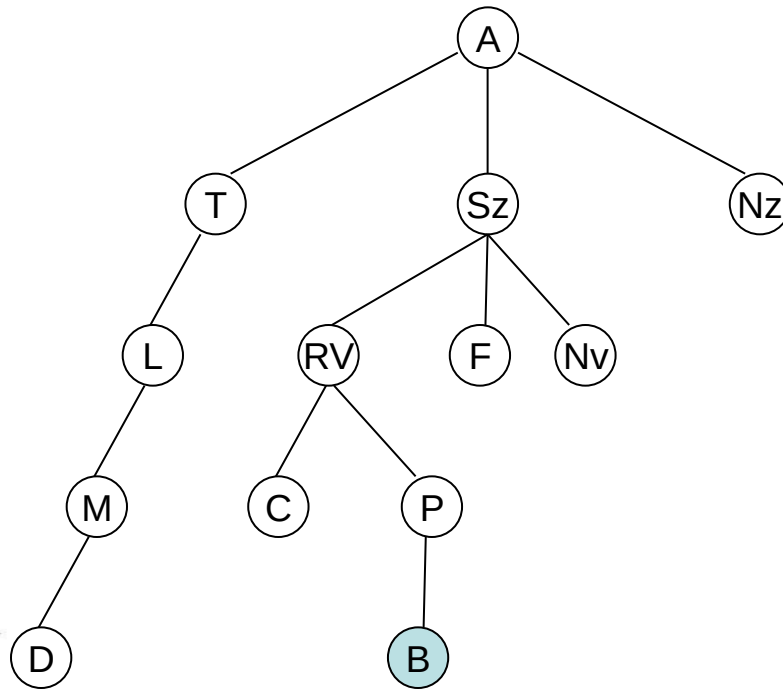


L_8 : P F Nv Sz Nz





L_9 : B F Nv Sz Nz



Mélységi keresés

- kis memóriaigényű (b^*d)
- nagy keresési idő (b^d)
- nem biztos, hogy talál megoldást
(végtelen mélységű ágba elakad)
- nem optimális



Mélységkorlátozott keresés

1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista;
2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás
3. Kiválasztjuk az első csomópontot, legyen ennek neve: n;
4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás
5. töröld n-t L-ből;
6. HA n MÉLYSÉGE NEM NAGYOBB, MINT K, állítsd elő n gyermekeit;
7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;
8. add a gyermekeket L elejéhez;
9. menj 2-re;

Mélységkorlátozott keresés

- kis memóriaigényű (b^*d)
- nagy keresési idő (b^d)
- biztosan talál megoldást
- nem optimális



Iteratívan mélyülő keresés

1. Legyen L kezdeti állapotokat tartalmazó lista, $K = 0$;
2. Ha L üres, $\rightarrow$ VÉGE; nincs megoldás
3. Kiválasztjuk az első csomópontot, legyen ennek neve: n;
4. Ha n a cél, akkor kész, a hozzávezető úttal megadja a megoldást $\rightarrow$ VÉGE; van megoldás
5. töröld n-t L-ből;
6. ha n mélysége nem nagyobb, mint K, állítsd elő n gyermekeit;
7. jegyezd fel a hozzájuk vezető utat;
8. add a gyermekeket L elejéhez;
9. $K = K + 1$;
10. menj 2-re;



Iteratívan mélyülő keresés

- sok állapotot többször is kifejt
- keresési idő: $2^*(b^d)$
- kis memóriaigény (b^*d)

Kétirányú keresés

- Kezdeti állapotból és a célállapotból is indítunk keresést
- Ha a két keresés találkozik -> VÉGE
- Idő: $b^{d/2}$
- Memória: $b^{d/2}$
- Optimális és teljes, ha mindkét irányban szélességi keresés

